

# Test und Verlässlichkeit 2: Fehlerbeseitigung und Fehlervermeidung

Prof. G. Kemnitz

17. Dezember 2024

## 2.1 Inhalt Foliensatz 2

### Inhaltsverzeichnis

<b>1 Fehlerbeseitigung</b>	<b>1</b>	2.3 Vortests . . . . .	22
1.1 Beseitigungsiteration . . . . .	1	2.4 Effektive Testanzahl . . . . .	24
1.2 Fehlerdiagnose & -isolation . . . . .	3	2.5 Modularer Test . . . . .	25
1.3 Test . . . . .	5	2.6 Fehlermodellskalierung . . . . .	26
1.4 Vielfalt der Test . . . . .	7	2.7 Reifen von Produkten . . . . .	26
1.5 Haftfehler . . . . .	8	2.8 Reifen Nutzung . . . . .	30
1.6 Ausbeute, Defektanteil . . . . .	13	<b>3 Fehlervermeidung</b>	<b>32</b>
<b>2 Zuverlässigkeit &amp; Test</b>	<b>17</b>	3.1 Fehlerentstehung . . . . .	33
2.1 Einfache Abschätzung . . . . .	17	3.2 Reifen von Prozessen . . . . .	36
2.2 Verbessertes Modell . . . . .	19	3.3 Zentrierung, Verbesserung . . . . .	37
		3.4 Vorgehensmodelle . . . . .	39
		3.5 Qualität und Kreativität . . . . .	41

## 1 Fehlerbeseitigung

### 2.2 Ursachen für Fehlfunktionen (Wiederholung)

- Fehler,
- Störungen (z.B. ein zufällig invertiertes Bit),
- Ausfälle.

In unserer Modellwelt sind Fehler die beseitigbaren Ursachen für Fehlfunktionen. Ein Fehler ist praktisch das, was nicht getan wurde, um ihn abzustellen. Wenn z.B. zur Beseitigung eines beobachtbaren Problems eine Fallunterscheidung ergänzt werden musste, ist (oder war) der Fehler eine fehlende Fallunterscheidung.

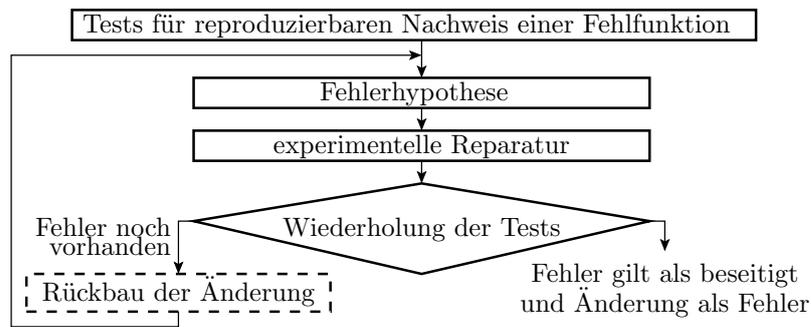
Störungen sind nicht abstellbare, sondern bestenfalls minderbare Problemursachen, elektromagnetisches Übersprechen, radioaktiver Zerfall und andere nur stochastisch beschreibbare Mechanismen. Wichtige Merkmal bei Mehrfachberechnung diversitär und keine Häufigkeitsminderung durch Fehlerbeseitigung.

Ausfälle sind Fehler, die während des Betriebs entstehen. Gefährdungsabwendung durch Fehlfunktionsbehandlung, Wartungstest, Redundanzen, ... (siehe später Abschn. (Abschn. 6.5)).

Fehler sind die abstellbaren Probleme.

### 1.1 Beseitigungsiteration

### 2.3 Experimentelle Reparatur

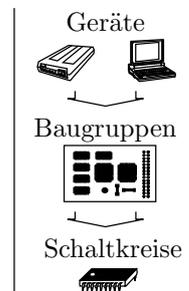


- Iteration aus Beseitigungsversuchen für hypothetische Fehler und Erfolgskontrolle durch Testwiederholung.
- Setzt deterministische Fehlerwirkung voraus und beseitigt alle vom Test nachweisbaren Fehler.
- Zur Vermeidung neu entstehender Fehler bei der Reparatur, Rückbau nach erfolglosen Reparaturversuchen.

### 2.4 Reparatur bei wenig tauschbaren Komponenten

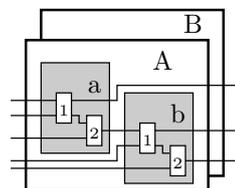
Ein reparaturgerechtes System hat eine hierarchische Struktur aus tauschbaren Komponenten, z.B.

1. Ebene: Austauschbare Geräte.
2. Ebene: Austauschbare Baugruppen.
3. Ebene: Austauschbare Schaltkreise.

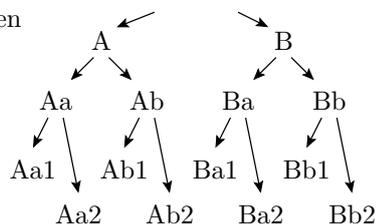


Fehlerlokalisierung durch systematisches Tauschen:

hierarchisches System mit tauschbaren Komponenten



Tauschbaum



### 2.5 Übliches Vorgehen eines Reperateurs

- Grobabschätzung, welches Rechnerteil defekt sein könnte aus den Fehlersymptomen\*.
- Kontrolle der Steckverbinder auf Kontaktprobleme durch Abziehen, Reinigen, Zusammenstecken, Testwiederholung.
- Ersatz möglicherweise defekter Teile durch Ersatzteile, Testwiederholung, ...

Voraussetzungen:

- Wiederholbare Tests, die den Fehler nachweisen.
- Ausreichend Ersatzteile. Allgemeine Mechnikerkenntnisse\*.

Fragen:

- Günstig ist der Tausch der Hälfte, von der fehlerhaften Hälfte auch die Hälfte, ... Warum?
- Kann man so auch Fehler in SW suchen, wenn ja, was für Fehler?

\* Verständnis der kompletten Funktion des zu reparierenden Systems ist nicht zwingend.

## 1.2 Fehlerdiagnose & -isolation

### 2.6 Fehlerdiagnose

Abschätzung von Ort-, Ursache und Beseitigungsmöglichkeiten von Fehlern aus Testergebnissen zur Minderung:

- der Anzahl der Reparaturversuche,
- des Bedarf an Ersatzteilen,
- der Anzahl der bei Reparaturversuchen entstehenden Fehler
- inc. der, die nicht durch Rückbau beseitigt werden.

Allgemeine Diagnostetechniken:

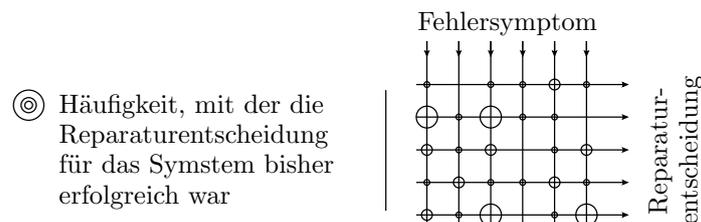
- erfolgsorientiertes Tauschen und
- Rückverfolgung von Verfälschungen entgegen dem Daten- oder Berechnungsfluss.

Voraussetzung ist ein prüf- und reparaturgerechter Entwurf.

### 2.7 Erfolgsorientiertes Tauschen

Produkte haben Schwachstellen. Die meisten Probleme geht auf einen kleinen Anteil der möglichen Ursachen zurück, Pareto-Prinzip\*:

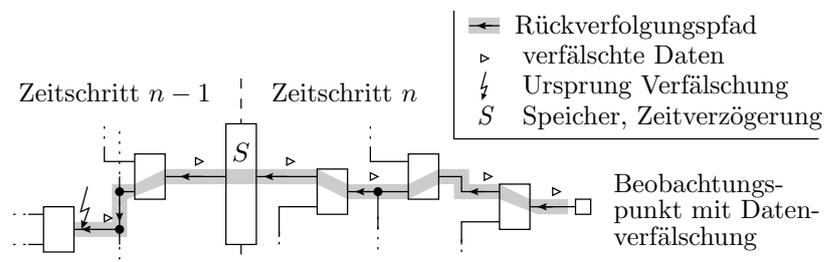
- Zählen der Erfolge unterschiedlicher Reparaturalternativen.
- Bei Reparatur, Beginn mit der erfolgsversprechendsten Möglichkeit.



Nach erfolglosen Reparaturversuchen Rückbau der Änderung zur Minderung der Fehlerentstehungsrate bei der Reparatur.

\* Der italienische Ökonom Vilfredo Pareto untersuchte 1906 die Verteilung des Grundbesitzes in Italien und fand heraus, dass ca. 20% der Bevölkerung ca. 80% des Bodens besitzen. Das ist in den Sprachgebrauch als Pareto-20%-80%-Regel eingegangen.

### 2.8 Rückverfolgung von Datenverfälschungen



Ausgehend von einer erkannten falschen Ausgabe Rückverfolgung entgegen Berechnungs- bzw. Signalfluss bis zu der Komponente, die richtige Eingaben auf verfälschte Ausgaben abbildet, gegebenenfalls über Zeitschritte und/oder hierarchisch absteigend.

Quelle der Verfälschung kann außer der gefundenen Komponente bei HW z.B. auch ein Kurzschluss oder bei SW ein fehlgeleiteter Schreibzugriff sein.

## 2.9 Reparatur- und prüfgerechter Entwurf

Sammlungen von

- Regeln »of good practise«, zur Ermöglichung / Vereinfachung von Test, Fehlerlokalisierung und Reparatur und
- Antipattern (typ. Vorgehensfehler, die Probleme verursachen).

Einige Regeln »of good practise«:

- Modulares System aus tauschbaren / separat testbaren Funktionsblöcken.
- Deterministisches Verhalten mit gerichtetem Berechnungsfluss.
- MF-Isolation zur Verhinderung der Ausbreitung von Fehlfunktionen über Modulgrenzen.

Hässlichstes Antipattern:

- »Big ball of mud«: großes, unstrukturiertes, mangelhaft dokumentiertes System, das niemand mehr richtig versteht.

## 2.10 Fehlerisolation

Verhinderung des Übergreifens von Fehlfunktionen auf andere Teilsysteme:

- Physikalische und räumliche Trennung von Teilsystemen zur Minderung des Risikos übereinstimmender MF-Ursachen (gemeinsame Fehler, zeitgleicher Ausfälle, ...).
- Beschränkung von MF-Ausbreitung auf den Informations- und Verarbeitungsfluss.
- Keine Zugriffsmöglichkeit auf Daten und Ressourcen anderer Funktionseinheiten außer über definierte Schnittstellen.
- Verhinderung, dass fehlerhaft arbeitende Teilsysteme korrekt arbeitende Teilsysteme beeinträchtigen können.

Wichtiges Gestaltungsprinzip für

- Betriebssysteme,
- eingebettete Systeme,
- verteilte Systeme,
- sicherheitskritische Systeme, ...

## 2.11 Blindfehlersuche

Die Alternative zum systematischen Tauschen mit oder ohne Fehlerdiagnose ist ein »Blindfehlersuche«, d.h. ein intuitives Probieren.

Aufwändig, oft nicht erfolgreich, frustrierend aber:

- bei fehlenden Tauschmöglichkeiten,
- keiner Möglichkeit zur Rückverfolgung,
- fehlender Qualifikation oder fehlenden Dokumentationen

die einzige Möglichkeit der Fehlerbeseitigung.

Die Vorlesung unterstellt einen reparatur- und prüfgerechten Entwurf, der es ermöglicht, alle erkennbaren Fehler zu beseitigen.

## 1.3 Test

### 2.12 Testen

Verfahren zum Aufspüren von Fehlern. Grundeinteilung:

- Statische Tests: direkte Kontrolle von Merkmalen.
- Dynamische Tests: Ausprobieren der Funktion mit einer Stichprobe von Beispielen.

Mit statischen Tests kontrollierbare Merkmale:

- Dokumentationen: Verständlichkeit, Vollständigkeit, ...
- Software: Syntax, statische Code-Analyse (Entwurfsregeln, Typenverträglichkeit, API-Benutzerregeln, ...).
- Leiterplatten: Widerstand entlang und zwischen Leitungen zum Ausschluss von Kurzschlüssen und Unterbrechungen.

Dynamische Tests erst am funktionierenden (Teil-) System möglich, statische Tests bereits nach einzelnen Entwurfs- und Fertigungsschritten.

IT-Systeme werden vor dem Einsatz in der Regel einer Vielzahl statischer und dynamischer Tests unterzogen.

### 2.13 Kenngrößen von Tests



Kein Test ist vollkommen. Jeder Test

- erkennt nur einen Teil der möglichen Fehler und
- ist selbst ein System mit begrenzter Zuverlässigkeit.

Kenngrößen zur Beschreibung der Güte von Tests:

- Fehlerabdeckung:

$$FC = \frac{\#DF}{\#F} \Big|_{ACR} \quad (2.1)$$

- Phantomfehlerate, Anteil der korrekten Testerausgaben, die der Test als falsch klassifiziert:

$$\zeta_{PF} = \frac{\#PM}{N} \Big|_{ACR} \quad (2.2)$$

---

$FC$	Fehlerabdeckung (fault coverage), Anteil der nachweisbaren Fehler.
$\#F, \#DF$	Fehleranzahl, Anzahl der davon nachweisbaren Fehler.
$\zeta_{PF}$	Phantomfehlerrate des Tests.
$N, \#PM$	Testanzahl, Anzahl der Phantomfehler.
$ACR$	Brauchbare Schätzwerte nur bei geeigneten Zählwertgrößen.

## 2.14 Umgang mit Phantomfehlern

Phantomfehler, z.B. durch falsche Sollwerte bei der Kontrolle von Testausgaben,

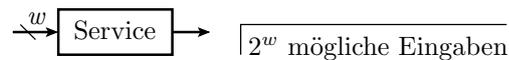
- starten überflüssige Beseitigungsiterationen,
- in denen neue nicht nachweisbare Fehler entstehen können.

Unsere idealisierte Fehlerkultur unterstellt, dass

- neu entwickelte Tests auf Phantomfehler getestet und
- bei signalisierten Fehlern Phantomfehler ausgeschlossen werden.

Bei vernünftigem Umgang mit Phantomfehlern ist deren Einfluss auf die Verlässlichkeit vernachlässigbar.

## 2.16 Dynamische Tests



Dynamische Tests kontrollieren die Funktion nur für eine winzige Stichprobe der möglichen Eingaben.

	$w$	$2^w$	$t_T$
Gatter, 4 Eingänge	4	16	16 $\mu$ s
ALU, 68 Eingänge	68	$3 \cdot 10^{20}$	$10^7$ Jahre
vier Eingabevariablen vom Typ int32_t	128	$3 \cdot 10^{38}$	$10^{25}$ Jahre*

$t_T$  – Testzeit, wenn jeder Einzeltest  $1\mu$ s dauert.

- Die meisten Systeme verarbeiten  $w \gg 100$  Eingabebits.
- Hinzu kommen oft tausende oder mehr gespeicherte Bits.

Vollständige Kontrolle mit allen Eingaben und Zuständen unmöglich!

---

$w$  Anzahl der Eingabebits.  
\* Geschätzte Zeit seit dem Urknall nur  $4 \cdot 10^9$  Jahre.

## 2.17 Testauswahl und Fehlerabdeckung

Die Fehlerabdeckung hängt von der Anzahl und der Auswahl der Testbeispiele ab.

Strategien der Testauswahl:

- fehlerorientiert,
- zufällig hinsichtlich der zu erwartenden Fehler oder
- Mischformen.

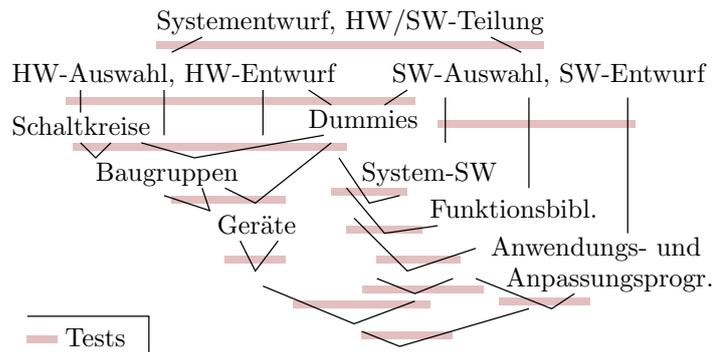
Zum Zeitpunkt der Testauswahl sind die zu findenden und nach dem Test die nicht gefundenen Fehler nicht bekannt.

- Die fehlerorientierte Auswahl und Bewertung von Tests erfolgt auf Basis von Fehlerannahmen (Modellfehlern oder Mutationen).
- Der Nachweis der tatsächlichen Fehler ist immer Zufall.

Eine nachträgliche Kontrolle der Fehlerabdeckung kann auch nur die im späteren Einsatz gefundenen und beseitigten Fehler, aber nicht die, die dauerhaft unerkannte geblieben sind, zählen.

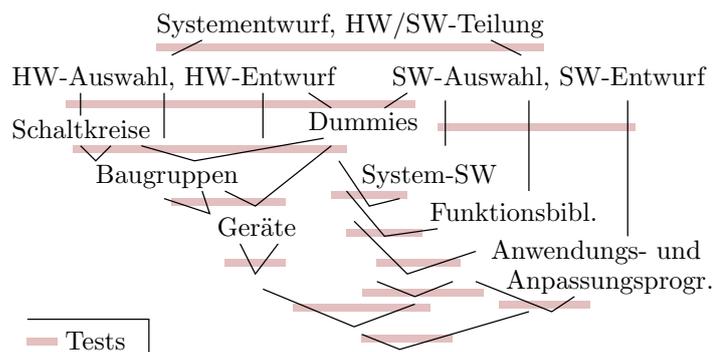
## 1.4 Vielfalt der Test

### 2.18 Entwurf und Test



Es gibt nicht den Test, sondern, ...

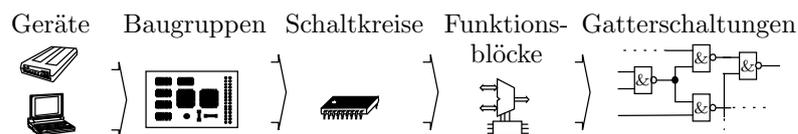
Der Entwurf eines IT-Systems ist ein komplexer Prozess, in dem ein modulares System aus HW- und SW-Bausteinen entsteht. Zwischen den Entwurfsschritten erfolgen vielfältige statische und dynamische Tests der entstandenen Beschreibungen.



Ein Entwurfsablauf ist idealerweise testgetrieben und strebt in jeder Entwurfsphase eine kontrollierbare Zwischenbeschreibung an. Die Entwurfsergebnisse der ersten Phasen (Sammlungen von Anforderungen, Lösungsideen, Entscheidungen) werden auf Machbarkeit, Verständlichkeit, Konsistenz, ... getestet, in der Regel statisch durch Inspektion.

Dynamische Tests sind erst möglich, wenn die Entwurfsbeschreibungen ein ausführ- oder simulierbares Ein-Ausgabeverhalten beschreibt.

### 2.20 Hierarchie und Test



- Rechner-Systeme bestehen aus Rechnern, EA-Geräten, Druckern, Netzwerkkomponenten, diese aus ...
- Die Hardware stellt der SW Grundfunktionen (Maschinenbefehler, EA-Einheiten, ...).
- Software gliedert sich in Teilsysteme, Module, Bibliotheken, ...

Die durchgeführten Tests folgen der Hierarchie.

- Bauteil-, Schaltkreis-, Baugruppen- und Gerätetest.
- Modul-, Teilsystem-, Systemtest.

Da separate Tests mit weniger Aufwand höhere Fehlerabdeckungen versprechen (siehe später Abschn. 2.2.4), verwenden übergeordnete Systeme in der Regel nur gründlich getestete Bausteine und die übergeordneten Tests zielen nur noch auf Fehler im Zusammenwirken.

### 2.21 Wartungstests

Ein Hardware-Ausfall in der Nutzungsphase verursacht einen neuen Fehler, der wie auch die bei der Fertigung und Reparatur entstehenden Fehler unterschiedliche Wirkung haben kann:

- komplette Funktionsuntüchtigkeit,
- ein anderes unübersehbares Fehlverhalten, z.B. gehäufte Abstürze, oder
- nur ein wenig offenkundiges Absinken der Zuverlässigkeit.

Zur zeitnahen Beseitigung der Zuverlässigkeitsminderungen durch Ausfälle wird Hardware regelmäßigen Wartungstests unterzogen, z.B. in Form von Einschalttests (siehe später Abschn. 6.5.3).

### 2.22 Zusammenfassung Test und Testvielfalt

IT-Systeme werden einer Vielzahl von

- statischen Tests (direkte Merkmalskontrolle) und
- dynamischen Tests (Ausprobieren mit Beispieleingaben)

unterzogen:

- dem Entwurfsfluss folgend nach jeder Entwurfsphase,
- dem Fertigungsfluss folgend bausteinweise und danach das Zusammenwirken der Bausteine im übergeordneten System,
- zur Fehlerbeseitigung vor dem Einsatz und später in der Einsatzphase als Wartungstest.

Kenngrößen zur Beschreibung der Güte von Tests:

- Fehlerabdeckung und
- Phantomfehlerrate.

Die Testauswahl und Bewertung erfolgen mit Hilfe von Modellfehlern:

- zielgerichtet (Testsuche für jeden Modellfehler) oder
- zufällig (nur modellfehlerorientierte Bewertung).

## 1.5 Haftfehler

### 2.23 Modellfehler und Fehlermodell

Die mit einem Test zu suchenden Fehler sind zum Zeitpunkt der Testauswahl unbekannt.

#### Fakt

Ein *Fehlermodell* ist ein Algorithmus zur Berechnung einer Menge von möglichen Verfälschungen aus einer Entwurfsbeschreibung. Ein *Modellfehler* ist eine einzelne dieser Verfälschungen.

*Fehlersimulation* zur Bestimmung der *Modellfehlerabdeckung*:

- Wiederhole für jeden Test:
  - Bestimmung der Sollausgaben.
  - Wiederhole für alle Fehler der Modellfehlermenge:
    - \* Bestimme, ob der Fehler die Ausgabe erkennbar verfälscht.
    - \* Wenn ja, als nachweisbar kennzeichnen oder Nachweisanzahl erhöhen.

#### *Fehlerorientierte Testsuche:*

- Wiederhole für alle Fehler der Modellfehlermenge:
  - Suche Eingaben, für die der Fehler Ausgaben verfälscht.

#### **Fakt**

Fehlersimulation und fehlerorientierte Testsuche erfordern sehr hohen Rechenaufwand.

Fehlersimulation und fehlerorientierte Testsuche sind für digitale ICs seit Jahrzehnten etabliert (siehe später Abschn. 6.2).

#### **Fakt**

Bei Software können Fehler nachträglich beseitigt werden. Dadurch hat sich hier die Fehlerkultur »weniger gründlich vor dem Einsatz Testen und nachträgliche Beseitigung der Fehler, die die Nutzerakzeptanz beeinträchtigen« eingebürgert. Der Zwang, gründlich zu testen ist erst Jahrzehnte später durch die mit der Größe der Software-Systeme zugenommene Anzahl zu beseitigender Fehler entstanden.

Durch den Zeitversatz um Jahrzehnte wird bei vielen Testaspekten für Software das »Fahrrad gerade neu erfunden«, insbesondere daran erkennbar, dass für vergleichbare Zusammenhänge neue Begriffe eingeführt werden. Fehlermodelle und die Abschätzung der Testgüte über Modellfehler gehören dazu.

### **2.25 Das Haftfehlermodell**

Seit Jahrzehnten das verbreitetste Fehlermodell für digitale Schaltkreise. In der Vorlesung das Beispielfehlermodell.

Das Haftfehlermodell generiert für eine Schaltung aus Logikgattern für alle Anschlüsse aller Gatter zwei Modellfehler:

- Wert ständig null (sa0, stuck-at-0) und
- Wert ständig eins (sa1, stuck-at-1).

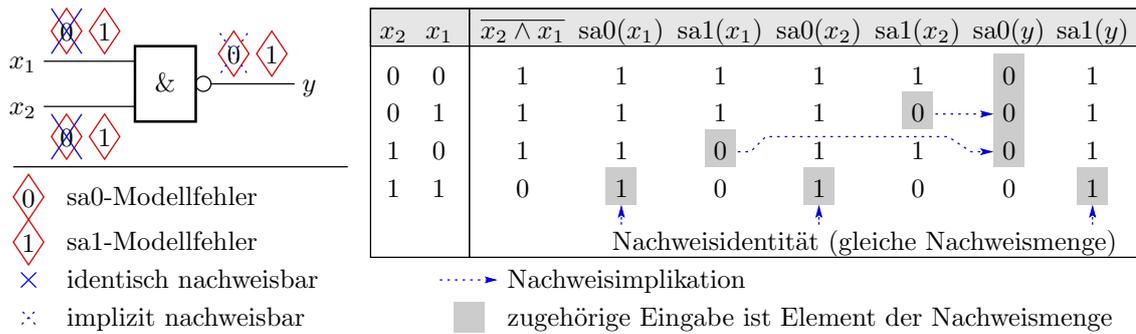
Die initiale Fehlermenge wird von identisch oder implizit nachweisbaren und redundanten (nicht nachweisbaren) Modellfehlern bereinigt.

Die Nachweisbeziehungen zwischen Haftfehlern und den tatsächlichen zu erwartenden Fehlern wird erst später in Abschn. 6.1.5 untersucht.

### **2.26 Haftfehler für ein Logikgatter**

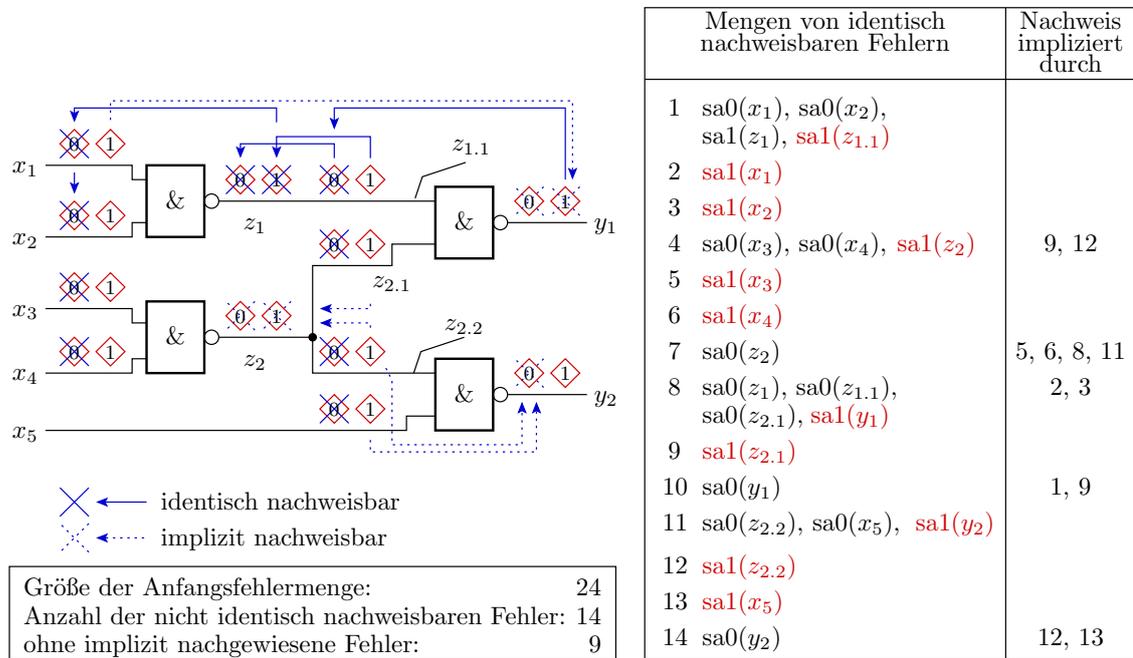
Für jeden Gatteranschluss wird unterstellt:

- ein sa0 (stuck-at-0) Fehler
- ein sa1 (stuck-at-1) Fehler



- Zusammenfassung identisch nachweisbarer Fehler. Optionale Streichung redundanter und implizit nachweisbarer Modellfehler.
- Die generierte Fehlermenge enthält für alle potentiellen Fehler der echten Schaltung ähnlich nachweisbare Modellfehler (Abschn. 6.1.5 Untersuchung einiger Beispielfehler).

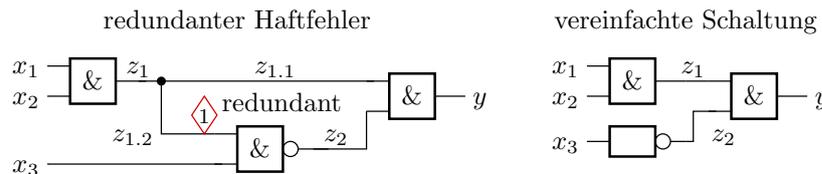
### 2.27 Identische und implizit nachweisbarer Fehler



### 2.28 Redundante Fehler

#### Definition: redundanter Modell Fehler

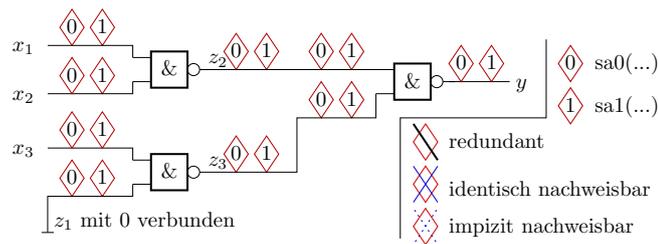
Ein redundanter Modellfehler ist eine Verfälschung der Systembeschreibung, die die Funktion nicht beeinträchtigt und damit auch nicht durch dynamische Tests nachweisbar ist.



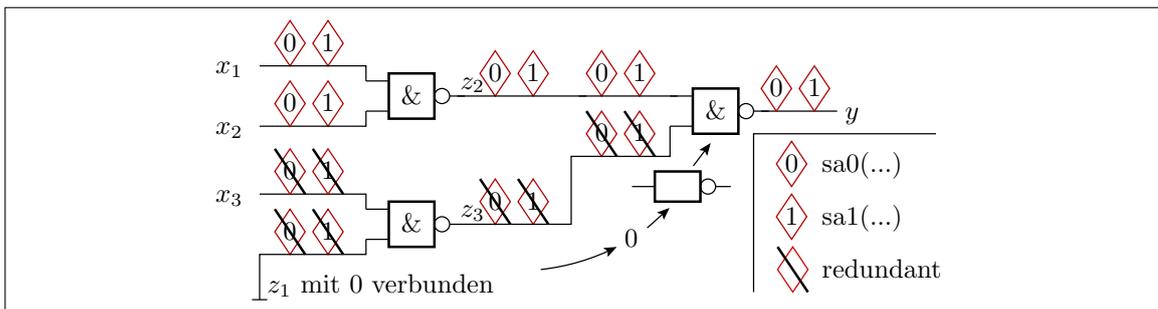
- Die Fehleranregung verlangt  $z_1 = 0$  und die Beobachtbarkeit von  $z_2$  an  $y$  verlangt  $z_2 = 1$ . Keine Eingabe  $x_3x_2x_1$  kann den Fehler nachweisen.
- Die Beseitigung redundanter Fehler dient auch zur Vereinfachung der Systembeschreibung.

**Beispiel 2.1 Haftfehlermenge**

Schaltung mit 14 eingezeichneten Haftfehlern:



a) Welche der Haftfehler sind redundant (nicht anregbar und/oder nicht beobachtbar).



b) Zeichnen der vereinfachten Schaltung ohne redundante Haftfehler mit der Initialfehlermenge. Streichen der identisch nachweisbaren Fehler bis auf einen und Kennzeichnen des implizit nachweisbaren Haftfehlers.

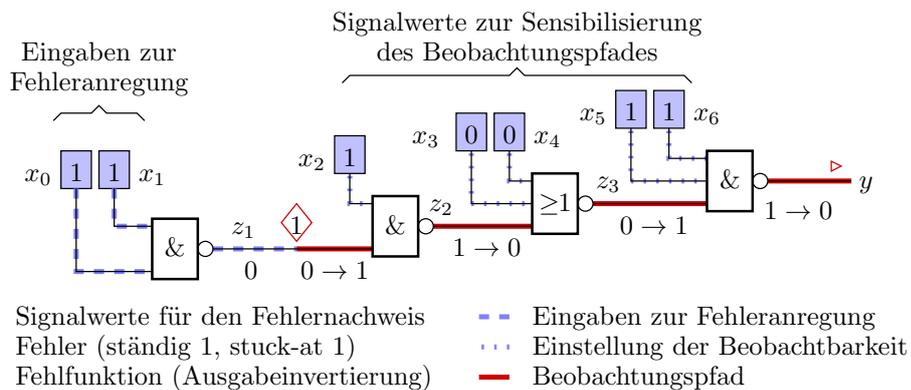
Die Funktion hängt nicht von  $x_3$  ab und ist:  $y = x_1 \wedge x_2$

Vereinfachungsmöglichkeiten

Reduzierung der Fehlermenge für die vereinfachte Schaltung

An dem verbleibenden AND-Gatter sind  $sa0(x_i)$  identisch mit  $sa0(y)$  nachweisbar und der Nachweis von  $sa1(x_1)$  und  $sa1(x_2)$  impliziert den von  $sa1(y)$ .

**2.30 Testsuche**



Suche durch Pfadsensibilisierung (Abschn. 6.2.2 D-Algorithmus):

- Suche von Eingaben zur Einstellung »0« am Fehlerort und
- Sensibilisierung eine Beobachtungspfades zu einem Ausgang.

### 2.31 Fehlernachweismengen

Beschreibung des Fehlernachweises über Mengenbeziehungen:

Fehleranregung:	$M_1 = \{\text{-----11}\}$	$2^5$ Möglichkeiten*
Beobachtbarkeit:	$M_2 = \{\text{11001--}\}$	$2^2$ Möglichkeiten*
Fehlernachweis:	$M_1 \cap M_2 = \{\text{1100111}\}$	$2^0$ Möglichkeiten*

---

\* Geeignete Werte von insgesamt  $2^7$  möglichen Eingabewerten.

### 2.32 Von Mengen zu Wahrscheinlichkeiten

Eingabemengen:

Fehleranregung:	$M_1 = \{\text{-----11}\}$	$2^5$ Möglichkeiten*
Beobachtbarkeit:	$M_2 = \{\text{11001--}\}$	$2^2$ Möglichkeiten*
Fehlernachweis:	$M_1 \cap M_2 = \{\text{1100111}\}$	$2^0$ Möglichkeiten*

Mit zufälligen Eingaben sind Fehleranregung, Beobachtbarkeit und Nachweis zufällige Ereignisse. Wenn alle  $2^7$  möglichen Eingaben gleichhäufig auftreten, betragen die Eintrittswahrscheinlichkeiten im Beispiel:

$$\begin{aligned} \text{Anregungswahrscheinlichkeit;} & p_{\text{FS}} = 2^{-2} \\ \text{Beobachtbarkeit;} & p_{\text{FO}} = 2^{-5} \\ \text{Nachweiswahrscheinlichkeit;} & p_{\text{FD}} = p_{\text{FS}} \cdot p_{\text{FO}} = 2^{-7} \end{aligned}$$

Für Abschätzungen der Fehlerabdeckung für unbekannte tatsächliche Fehler werden diese Mengen- und Wahrscheinlichkeitsbeziehungen später die Grundlage bilden.

### 2.33 Zusammenfassung

Das Haftfehlermodell generiert für Schaltungen aus Logikgattern

- für alle Gatteranschlüsse die beiden Modellfehler sa0 und sa1,
- bereinigt die initiale Fehlermenge von identisch und implizit nachweisbaren und um redundanten Fehlerannahmen.

Die so berechneten Modellfehlermengen dienen

- zur Suche von Tests,
- zur Abschätzung der Fehlerabdeckung sowie
- zur Abschätzung von Mengen und Wahrscheinlichkeitsbeziehungen für Anregung Nachweis und Beobachtbarkeit.

Die Forschung zu Fehlermodellen ist nicht abgeschlossen. Die Etablierung des Haftfehlermodell deutet darauf hin, dass folgende Modellfehlereigenschaften wichtig sind:

- einfach überprüfbarer Fehlernachweis,
- nur linear mit der Systemgröße wachsende Fehleranzahl,
- ähnlich anreg- und beobachtbare Modellfehler für die tatsächlich zu erwartenden Fehler (siehe hierzu auch später Abschn. 6.1.5).

## 1.6 Ausbeute, Defektanteil

### 2.34 Ausbeute und Defektanteil

Bei nicht reparierbaren Systemen und Komponenten interessiert nicht die Fehleranzahl, sondern der Anteil der verwendbaren bzw. der defekten Produkte.

Die Ausbeute ist der Anteil der als gut befundenen Produkte:

$$Y = 1 - \frac{\#DD}{\#P} \Big|_{\text{ACR}} \quad (2.3)$$

Der Defektanteil ist der Anteil der tatsächlich defekten Produkte:

$$DL = \frac{\#D}{\#P} \Big|_{\text{ACR}} \quad (2.4)$$

Maßeinheiten des Defektanteils dpu (defects per unit), dpm (defects per million):

$$1 \text{ dpu} = 10^6 \text{ dpm}$$

---

$Y, DL$	Ausbeute, Defektanteil.
$\#D, \#DD$	Anzahl aller defekten Produkte, Anzahl der davon erkannten defekten Produkte.
$\#P$	Anzahl aller getesteten Produkte.
ACR	Brauchbare Schätzwerte nur bei geeigneten Zählwertgrößen.

### 2.35 Defektabdeckung

Die Defektabdeckung ist der Anteil der erkannten defekten Produkte:

$$DC = \frac{\#DD}{\#D} \Big|_{\text{ACR}} \quad (2.5)$$

Ausbeute und Defektanteil ungetesteter Produkte:

$$Y = 1 - DL_M \cdot DC \quad (2.6)$$

Ohne Test ( $DC = 0$ ) ist die Ausbeute immer  $Y = 1$ .

Aussortieren erkannter defekter Produkte verringert Zähler und Nenner in (Gl. 2.6) um die Anzahl der erkannten defekten Produkte:

$$DL = \frac{\#P \cdot DL_M - \#P \cdot DL_M \cdot DC}{\#P - \#P \cdot DL_M \cdot DC}$$

$$DL = \frac{DL_M \cdot (1 - DC)}{1 - DL_M \cdot DC} \quad (2.7)$$

---

$DC$	Defektabdeckung (defect coverage), Anteil der erkennbar defekten Produkte.
$\#D, \#DD$	Anzahl aller defekten Produkte, Anzahl der davon erkannten defekten Produkte.
$Y, DL$	Ausbeute, Defektanteil.
$DL_M$	Defektanteil der Fertigung vor Aussortieren der erkannten defekten Produkte.

### 2.36 Erforderliche Defektabdeckung

$$(2.7) \quad DL = \frac{DL_M \cdot (1 - DC)}{1 - DL_M \cdot DC}$$

eingesetzt in

$$(2.6) \quad Y = 1 - DL_M \cdot DC$$

ergibt einen Defektanteil nach Aussortieren in Abhängigkeit von Defektabdeckung und Ausbeute:

$$DL = \frac{(1 - Y) \cdot (1 - DC)}{Y \cdot DC} \quad (2.8)$$

Erforderliche Defektabdeckung zur Erzielung eines Defektanteil  $DL$  bei einer Ausbeute  $Y$ :

$$DC = \frac{1 - Y}{1 + (DL - 1) \cdot Y} \quad (2.9)$$

---

$Y, DL$	Ausbeute, Defektanteil.
$DC$	Defektabdeckung (defect coverage), Anteil der erkennbar defekten Produkte.

### 2.37 Defektanteil digitaler Schaltkreise

Für Schaltkreise findet man in der Literatur als typische Angaben:

- Ausbaute:  $Y = 10\% \dots 90\%$
- Defektanteil:  $DL = 200 \text{ dpm} \dots 1000 \text{ dpm}$
- Haftfehlerabdeckung:  $FC_{SA} = 80\% \dots 99\%$ .

Erforderliche Defektdeckung nach

$$(2.9) \quad DC = \frac{1-Y}{1+(DL-1) \cdot Y}$$

	$Y = 10\%$	$Y = 50\%$	$Y = 90\%$
$DL = 200 \text{ dpm}$	$1 - 2,2 \cdot 10^{-5}$	$1 - 2 \cdot 10^{-4}$	$1 - 1,7 \cdot 10^{-3}$
$DL = 1000 \text{ dpm}$	$1 - 1,1 \cdot 10^{-4}$	$1 - 2 \cdot 10^{-3}$	$1 - 8,9 \cdot 10^{-3}$

Der Anteil der Schaltkreise, die der Test nicht erkennt, ist laut Abschätzung eine bis zwei Zehnerpotenzen kleiner als der Anteil der nicht nachweisbaren Haftfehler. Daraus resultierende Fragen:

- Gilt für Schaltkreise tatsächlich  $1 - DC \ll 1 - FC_{sa}$  oder
- ist die Dunkelziffer der defekten Schaltkreise so viel größer?

Weitere Frage, wie oft enthalten Rechnern defekte Schaltkreise?

### 2.38 Systeme aus getesteten Teilsystemen

Für Systeme aus Teilsystemen gelten die Grundregeln:

- gründlicher Test der Teilsysteme vor dem Einbau,
- Testfokussierung nach Einbau auf die Verbindungen.

Vor Einbau in Teilsysteme nicht erkannte Fehler bleiben auch im Gesamtsystem unerkannt. Zu erwartende Fehleranzahl Gesamtsystem:

$$\mu_F = \mu_{F.Con} \cdot (1 - FC_{Con}) + \sum_{i=1}^{\#Prt} \mu_{F.i} \quad (2.10)$$

Für den zu erwartenden Fehleranteil folgt später die Abschätzung:

$$(4.43) \quad \mu_{DL} = 1 - e^{-\mu_F}$$

Für sehr wenige zu erwartende Fehler  $\mu_F \ll 1$  gilt:

$$(4.44) \quad \mu_{DL} = 1 - \left( 1 + (-\mu_F) + \frac{(-\mu_F)^2}{2!} + \dots \right)^{(\mu_F \ll 1)^*} \mu_F$$

$\mu_F, \mu_{F.Con}$  Zu erwartende Gesamtfehleranzahl, zu erwartende Anzahl der Verbindungsfehler.

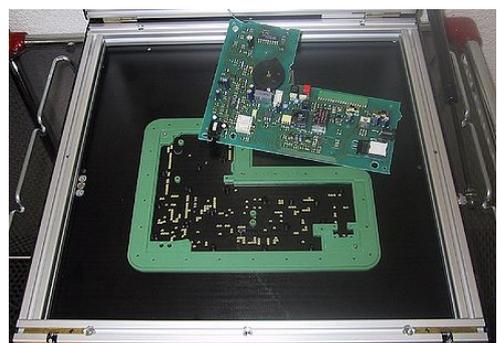
$\mu_{F.i}$  Zu erwartender Fehleranzahl Teilsystem  $i$ .

$FC_{Con}$  Fehlerüberdeckung für Verbindungsfehler (Fault coverage for connection faults).

$\#Prt$  Anzahl der Bauteile.

$\mu_{DL}$  Zu erwartender Defektanteil.

### 2.39 Leiterplattentest



Bestückte Leiterplatten bestehen aus geprüften Bauteilen und werden für den Test in der Regel auf einem Nadelbett gespannt. Zielfehler: Leitungsunterbrechungen, Kurzschlüsse und Bestückungsfehler.

(Kurzschlüsse und Unterbrechungen) und Bestückungsfehler praktisch  $FC_{\text{Con}} = 1$  und kein Nachweis für defekte Bauteile und Fehleranteil der Bauteile sehr klein ( $\mu_{F,i} \ll 1 \Rightarrow \mu_{F,i} = \mu_{DL,i}$ ):

$$\mu_F = \sum_{i=1}^{\#Prt} \mu_{DL,i} \quad (2.11)$$

Für  $\mu_F \ll 1$  ist die abgeschätzte erwartete Fehleranzahl der zu erwartende Fehleranteil der Baugruppe.

---

$\mu_F$	Zu erwartende Fehleranzahl des Gesamtsystems.
$\#Prt$	Anzahl der Bauteile.
$\mu_{DL,i}$	Zu erwartender Defektanteil von Bauteil $i$ .

## 2.40 Beispielabschätzung

Leiterplatte mit nachfolgenden Komponenten:

Typ	Anzahl	$\mu_{DL,i}$
Leiterplatte	1	20 dpm
Schaltkreise	20	200 dpm
diskrete Bauteile	35	10 dpm
Lötstellen	560	1 dpm

$$\begin{aligned} \mu_{DL, Sys} = \mu_F &= 10 \text{ dpm} + 20 \cdot 200 \text{ dpm} + 35 \cdot 10 \text{ dpm} + 560 \cdot 1 \text{ dpm} \\ &= 5000 \text{ dpm} = 0,005 \text{ dpu} \end{aligned}$$

Etwa jedes 200ste Gerät enthält ein nicht erkanntes defektes Bauteil, natürlich nur mit einem kaum nachweisbaren Defekt, der die Zuverlässigkeit nur wenig mindert.

Wenn Defektanteils der Schaltkreisen tatsächlich um Zehnerpotenzen größer

---

$\mu_{DL, Sys}$	Defektanteil des Systems.
-----------------	---------------------------

## Zusammenfassung

### 2.41 Fehlerbeseitigung

Fehlerbeseitigung: Iteration aus Beseitigungsversuchen für hypothetische Fehler und Erfolgskontrolle durch Testwiederholung:

- Beseitigung aller erkennbaren Fehler.
- Rückbau nach erfolglosen Reparaturversuchen.
- Bei wenigen Bausteinen durch systematisches Tauschen.

Fehlerdiagnose: Abschätzung von Ort-, Ursache und Beseitigungsmöglichkeiten von Fehlern aus Testergebnissen:

- Pareto-Prinzip, Bevorzugung erfolgsversprechender Fehlerbeseitigungsversuche.
- Rückverfolgung entgegen den Berechnungs- bzw. Signalfloss.

Reparaturgerechter Entwurf:

- Tauschbare Module, deterministische Verhalten,
- gerichteter Berechnungsfluss, Fehlerisolation, ...

Bei einer vernünftigen Reparaturtechnologie werden alle erkannten Fehler beseitigt und es entsteht nur eine vernachlässigbar kleine Anzahl neuer nicht nachweisbarer Fehler.

### 2.43 Test und Testvielfalt

IT-Systeme werden einer Vielzahl Tests unterzogen:

- dem Entwurfsfluss folgend nach jeder Entwurfsphase,
- dem Fertigungsfluss folgend bausteinweise und danach das Zusammenwirken der Bausteine im übergeordneten System,
- zur Fehlerbeseitigung vor dem Einsatz und als Wartungstest,
- jeweils statisch (direkte Merkmalskontrolle) und dynamisch (Ausprobieren mit Beispieleingaben).

Kenngrößen:

- Fehlerabdeckung

$$(2.1) \quad FC = \frac{\#DF}{\#F} \Big|_{ACR}$$

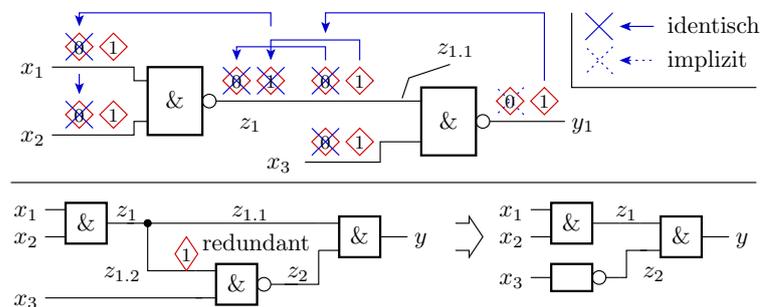
- Phantomfehlerrate

$$(2.2) \quad \zeta_{PF} = \frac{\#PM}{N} \Big|_{ACR}$$

Die Testauswahl und Bewertung erfolgt mit Hilfe von Modellfehlern:

- zielgerichtet (Testsuche für jeden Modellfehler) oder
- zufällig (nur modellfehlerorientierte Bewertung).

### 2.44 Haftfehler



Seit Jahrzehnten wichtigstes Fehlermodell für digitale Schaltungen:

- Initialfehlermenge: je Gatteranschluss sa0 und sa1.
- Zusammenfassen identisch nachweisbarer Fehler, streichen redundanter und implizit nachweisbarer Fehler.
- Daraus, dass sich genau dieses Modell etabliert hat, kann man ableiten, welchen Eigenschaften Fehlermodelle haben sollten.

### 2.45 Defektanteil, Ausbeute

Bei nicht reparierbaren Systemen und tauschbaren Komponenten interessieren statt der Fehleranzahl, Ausbeute und Fehleranteil:

$$(2.3) \quad Y = 1 - \frac{\#DD}{\#P} \Big|_{\text{ACR}}$$

$$(2.4) \quad DL = \frac{\#D}{\#P} \Big|_{\text{ACR}}$$

Bindeglied ist die Defektdeckung:

$$(2.5) \quad DC = \frac{\#DD}{\#D} \Big|_{\text{ACR}}$$

$$(2.6) \quad Y = 1 - DL_M \cdot DC$$

Defektanteil nach Ersatz der erkannten defekten Produkte:

$$(2.7) \quad DL = \frac{DL_M \cdot (1 - DC)}{1 - DL_M \cdot DC}$$

$$(2.8) \quad DL = \frac{(1 - Y) \cdot (1 - DC)}{Y \cdot DC}$$

### 2.46 Modulare Systeme aus getesteten Bauteilen

Fehleranzahl:

$$(2.10) \quad \mu_F = \mu_{F, \text{Con}} \cdot (1 - FC_{\text{Con}}) + \sum_{i=1}^{\#Prt} \mu_{F, i}$$

Beziehung Fehleranteil und Fehleranzahl (Vorgriff):

$$(4.43) \quad \mu_{DL} = 1 - e^{-\mu_F}$$

Für  $\mu_F \ll 1$ :

$$(4.44) \quad \mu_{DL} = 1 - \left( 1 + (-\mu_F) + \frac{(-\mu_F)^2}{2!} + \dots \right)^{(\mu_F \ll 1)^*} \mu_F$$

Für getestete Leiterplatten gilt in der Regel  $FC_{\text{Con}} = 1$  und Fehleranzahl gleich Summe der Defektanteile aller Bauteile:

$$(2.11) \quad \mu_F = \sum_{i=1}^{\#Prt} \mu_{DL, i}$$

Für  $\mu_F \ll 1$  gilt auch hier Gl. 4.44.

## 2 Zuverlässigkeit & Test

### 2.1 Einfache Abschätzung

#### Beispiel 2.2 Fehleranzahl und Zuverlässigkeit

Programmgröße 10.000 NLOC. 30 ... 100 Fehler je 1000 NLOC. Fehlerabdeckung der Tests  $FC = 70\%$ .

a) Wie groß ist die Fehleranzahl nach Beseitigung aller erkennbaren Fehler?

$$10.000 \text{ NLOC} \cdot \frac{30 \text{ [F]} \dots 100 \text{ [F]}}{1000 \text{ NLOC}} \cdot (1 - 70\%) = 90 \text{ [F]} \dots 300 \text{ [F]}$$

b) Wie zuverlässig ist ein System mit ca. 90 bis 300 Fehlern?

[F] Zählwert in Fehlern.

FC Fehlerabdeckung (fault coverage), Anteil der nachweisbaren Fehler.

NLOC Netto Lines of Code, Anzahl der Code-Zeilen ohne Kommentar und Leerzeilen.

Vorgriff: Bei einem Zufallstest und Beseitigung aller erkannten Fehler verhält sich die fehlerbezogene Teilzuverlässigkeit  $R_F$  proportional zur Anzahl der dynamischen Tests  $N$  und umgekehrt proportional zur zu erwartenden Anzahl der nicht beseitigten Fehler  $\mu_F(N)$ :

$$(2.30) \quad R_F(N) \stackrel{(\geq 1)}{=} \frac{N}{K \cdot \mu_F(N)}$$

Die Zuverlässigkeit hängt nicht nur von der Fehleranzahl, sondern vom Verhältnis aus Testaufwand und Fehleranzahl ab, vorausgesetzt, dass alle erkennbaren Fehler beseitigt werden.

---

$R_F(N)$	Fehlerbezogene Teilzuverl. nach Beseitigung aller mit $N$ Tests nachweisbaren Fehler.
$N$	Anzahl der Tests.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).
$\mu_F(N)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.

## 2.49 Fehlfunktionsrate durch Fehler

Jeder nicht beseitigte Fehler  $i$  verursacht mit der MF-Rate  $\zeta_i$  (in MF je DS) Fehlfunktionen. Die Summe der MF-Raten aller Fehler

$$\zeta_{\Sigma} = \sum_{i=1}^{\#F} \zeta_i$$

ist eine Obergrenze  $\zeta_F \leq \zeta_{\Sigma}$  und, wenn fast alle MF nur einen Fehler als Ursache haben, praktisch gleich der MF-Rate durch alle Fehler:

$$\zeta_F \stackrel{(\leq 1)}{=} \sum_{i=1}^{\#F} \zeta_i \quad \text{für} \quad \zeta_F \ll 1$$

Im weiteren betrachten wir meist gründlich vorgetestete Systeme mit  $\zeta_F \ll 1$ , in denen die schlimmsten Fehler schon beseitigt sind.

---

MF, HW	Fehlfunktion, erbrachte Service-Leistung.
$\#F$	Anzahl der vorhandenen Fehler.
$\zeta_i$	MF-Rate verursacht durch Fehler $i$ .
$\zeta_F$	Fehlfunktionsrate durch Fehler.
$(\geq 1)$	Der errechnete Wert ist eine Obergrenze. Der tatsächliche Wert ist max. eins.

Unter den Annahmen:

- Beseitigung aller nachweisbaren Fehler,
- mittlere MF-Rate je nicht beseitigten Fehler  $\bar{\zeta} < 1/N$
- je Fehlfunktion nur ein Fehler als Ursache

beträgt die MF-Rate für alle nicht beseitigten Fehler zusammen:

$$\begin{aligned} \zeta_F(N) &= \mu_F(N) \cdot \bar{\zeta}(N) \\ \zeta_F(N) &< \frac{\mu_F(N)}{N} \end{aligned} \quad (2.12)$$

Die fehlerbezogene Teilzuverlässigkeit beträgt mindestens:

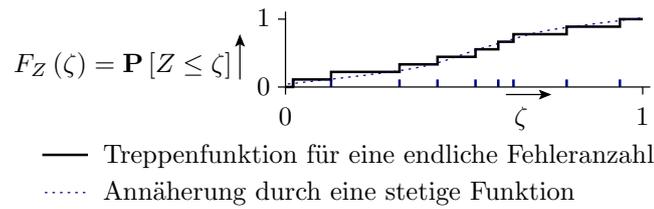
$$R_F > \frac{N}{\mu_F(N)}$$

---

$\zeta_F(N)$	Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.
$\mu_F(N)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.
$\bar{\zeta}(N)$	Mittlere Fehlfunktionsrate je Fehler als Funktion der Testanzahl $N$ .
$N$	Anzahl der Tests, für die alle erkannten Fehler beseitigt sind.
$R_F(N)$	Fehlerbezogene Teilzuverl. nach Beseitigung aller mit $N$ Tests nachweisbaren Fehler.

## 2.2 Verbessertes Modell

### 2.51 Verteilung der Fehlfunktionsrate



Die Verteilung  $F_Z(\zeta)$  der Zufallsgröße  $Z$  beschreibt die Wahrscheinlichkeit, dass diese nicht größer als  $\zeta$  ist. Die Zufallsgröße  $Z \in (0, 1)$  ist hier die Fehlfunktionsrate eines (zufällig ausgewählten) Fehlers. Bei Annäherung von  $F_Z(\zeta)$  durch eine stetige Verteilungsfunktion beträgt die Dichte der MF-Rate (siehe später Foliensatz 4):

$$h(\zeta) = f_Z(\zeta) = \frac{dF_Z(\zeta)}{d\zeta} \text{ mit } \int_0^1 h(\zeta) \cdot d\zeta = 1$$

$F_Z(\zeta)$  Verteilungsfunktion der Fehlfunktionsrate,  $Z$  - Zufallsvariable,  $\zeta$  - Wert.  
 $h(\zeta)$  Dichtefunktion der Fehlfunktionsrate.

### 2.52 Fehlerabdeckung und MF-Rate

Zu erwartende Anzahl der mit  $N$  Tests nicht beseitigten Fehler, wenn alle nachweisbaren Fehler beseitigt werden:

$$\mu_F(N) = \mu_F \cdot \int_0^1 p_{FNE}(\zeta, N) \cdot h(\zeta) \cdot d\zeta \tag{2.13}$$

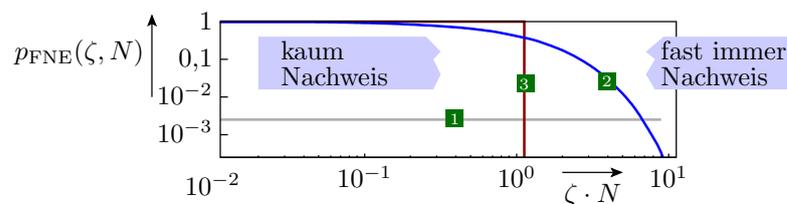
Zu erwartende Fehlfunktionsrate durch die nicht beseitigten Fehler:

$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \underbrace{\mu_F \cdot \int_0^1 p_{FNE}(\zeta, N) \cdot h(\zeta) \cdot \zeta \cdot d\zeta}_{\text{mittlere Fehlfunktionsrate je Fehler}} \tag{2.14}$$

(Integration über die Produkte aus Häufigkeit des Vorhandenseins und Fehlfunktionsrate).

$\mu_F(N)$  Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach  $N$  Tests nicht erkannt und beseitigt sind.  
 $\mu_F$  Zu erwartende Fehleranzahl vor der Iteration aus Test und Fehlerbeseitigung.  
 $p_{FNE}(\zeta, N)$  Wahrscheinlichkeit, dass Fehler mit MF-Rate  $\zeta$  nach  $N$  Tests nicht beseitigt sind.  
 $h(\zeta)$  Dichtefunktion der Fehlfunktionsrate vor der Fehlerbeseitigung.  
 $N$  Anzahl der Tests.  
 $\zeta_F(N)$  Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.  
 $(\geq 1)$  Der errechnete Wert ist eine Obergrenze. Der tatsächliche Wert ist max. eins.

### 2.53 Fehlernachweiswahrscheinlichkeit



Die Nichtbeseitigungswahrscheinlichkeit  $p_{FNE}(\zeta, N)$  eines Fehlers hängt auch von der Art der Testauswahl ab:

1. statische Tests: Keine Abhängigkeit vom  $\zeta$  der Fehler.

2. Zufallstests: Fehler mit  $\zeta \ll N^{-1}$  werde nicht und mit  $\zeta \gg N^{-1}$  sicher nachgewiesen. Dazwischen, siehe später Gl.

$$(3.10) \quad p_{\text{FNE}}(\zeta, N) = 1 - p_{\text{FD}}(\zeta, N) = e^{-\zeta \cdot N}$$

3. Im folgenden verwendete Näherung zur einfacheren Abschätzung:

$$p_{\text{FNE}}(\zeta, N) = \begin{cases} 1 & \zeta \leq \frac{1}{N} \\ 0 & \text{sonst} \end{cases} \quad (2.15)$$

## 2.54 Typische Fehlerabdeckung von Zufallstests

### Fakt

Empirie: Bei einem Zufallstest erfordert eine Verringerung des Anteils der nicht nachweisbaren Fehler  $1 - FC(N)$  um eine Dekade eine Erhöhung der Testanzahl  $N$  um mehr als eine Dekade.

Das ist die Eigenschaft einer Potenzfunktion:

$$\mu_{\text{F}}(N_2) = \mu_{\text{F}}(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} \quad \text{mit } 0 < K < 1 \quad (2.16)$$

$K$	1	0,5	0,33	0,25
$\frac{N_2}{N_1}$ für $\frac{\mu_{\text{F}}(N_2)}{\mu_{\text{F}}(N_1)} = 0,1$	10	100	$10^3$	$10^4$

Formfaktor:

$$K = -\log\left(\frac{\mu_{\text{F}}(N_2)}{\mu_{\text{F}}(N_1)}\right) / \log\left(\frac{N_2}{N_1}\right) \quad (2.17)$$

---

$\mu_{\text{F}}(N)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).
$N_1, N_2$	Testanzahl mit bekannter oder gesuchter zu erwartender Fehleranzahl.

## 2.55 Dichte der MF-Rate

Mit der vereinfachten Nichtbeseitigungswahrscheinlichkeit

$$(2.15) \quad p_{\text{FNE}}(\zeta, N) = \begin{cases} 1 & \zeta \leq \frac{1}{N} \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$$

der zu erwartenden Fehleranzahl

$$(2.13) \quad \mu_{\text{F}}(N) = \mu_{\text{F}} \cdot \int_0^1 p_{\text{FNE}}(\zeta, N) \cdot h(\zeta) \cdot d\zeta$$

und der empirischen Abschätzung der Abnahme der Fehleranzahl:

$$(2.16) \quad \mu_{\text{F}}(N_2) = \mu_{\text{F}}(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} \quad \text{mit } 0 < K < 1$$

Muss die Dichte der MF-Rate  $h(\zeta)$  folgende Bedingung erfüllen:

$$\frac{\mu_{\text{F}}(N_2)}{\mu_{\text{F}}(N_1)} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} = \frac{\int_0^{\frac{1}{N_2}} h(\zeta) \cdot d\zeta}{\int_0^{\frac{1}{N_1}} h(\zeta) \cdot d\zeta} \quad (2.18)$$

Die passende Dichtefunktion für  $\zeta \in (0, 1)$  ist die Potenzfunktion:

$$h(\zeta) = K \cdot \zeta^{K-1} \quad \text{mit } 0 < K < 1 \quad \text{und } 0 < \zeta \leq 1 \quad (2.19)$$

$$(2.18) \quad \frac{\mu_{\text{F}}(N_2)}{\mu_{\text{F}}(N_1)} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} = \frac{\int_0^{\frac{1}{N_2}} h(\zeta) \cdot d\zeta}{\int_0^{\frac{1}{N_1}} h(\zeta) \cdot d\zeta}$$

$$(2.19) \quad h(\zeta) = K \cdot \zeta^{K-1} \quad \text{mit } 0 < K < 1 \quad \text{und } 0 < \zeta \leq 1$$

Kontrolle:

$$\int_0^1 K \cdot \zeta^{K-1} = 1 \checkmark$$

$$\int_0^{\frac{1}{N}} K \cdot \zeta^{K-1} \cdot d\zeta = N^{-K} \checkmark$$

**2.57 Fehlfunktionsrate als Funktion der Testanzahl**

(2.19) 
$$h(\zeta) = K \cdot \zeta^{K-1} \quad \text{mit } 0 < K < 1 \quad \text{und } 0 < \zeta \leq 1$$

eingesetzt in

(2.14) 
$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \mu_F \cdot \underbrace{\int_0^1 p_{FNE}(\zeta, N) \cdot h(\zeta) \cdot \zeta \cdot d\zeta}_{\text{mittlere Fehlfunktionsrate je Fehler}}$$

mit  $p_{FNE}(\zeta, N) = 1$  für  $\zeta \leq 1/N$  sonst 0 ergibt sich nach Beseitigung aller erkennbaren Fehler eine Fehlfunktionsrate von:

$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \mu_F \cdot \int_0^{1/N} K \cdot \zeta^{K-1} \cdot \zeta \cdot d\zeta$$

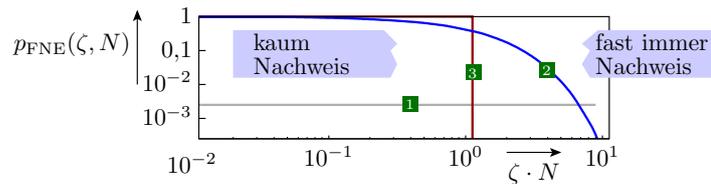
$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \mu_F \cdot \frac{K}{K+1} \cdot N^{-(K+1)} \tag{2.20}$$

$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \mu_F \cdot \frac{K}{K+1} \cdot \frac{\mu_F(N)}{N} \tag{2.21}$$

$$\zeta_F(N_2) \stackrel{(\leq 1)}{=} \zeta_F(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-(K+1)} \tag{2.22}$$

- $h(\zeta, N)$  Dichte der Fehlfunktionsrate nach Beseitigung der mit  $N$  Tests nachweisbaren Fehler.
- $\zeta_F(N)$  Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.
- ( $\geq 1$ ) Der errechnete Wert ist eine Obergrenze. Der tatsächliche Wert ist max. eins.

**2.58 Wahrsch. Nichtbeseitigung Kurve 2 statt 3**



(3.10) 
$$p_{FNE}(\zeta, N) = 1 - p_{FD}(\zeta, N) = e^{-\zeta \cdot N}$$

(2.19) 
$$h(\zeta) = K \cdot \zeta^{K-1} \quad \text{mit } 0 < K < 1 \quad \text{und } 0 < \zeta \leq 1$$

Lösung

der Integrale für  $N \gg 1$  (Abschn. 3.2.1):

(2.13) 
$$\mu_F(N) = \mu_F \cdot \int_0^1 p_{FNE}(\zeta, N) \cdot h(\zeta) \cdot d\zeta$$

(3.13) 
$$\mu_F(N) = \frac{\mu_F \cdot K \cdot \Gamma(K)}{N^K}$$

mit der Gammafunktion für  $0 < K < 1$ :

(3.11) 
$$\Gamma(K) = \int_0^\infty e^{-z} \cdot z^{K-1} \cdot dz \approx \frac{1}{K}$$

(2.14) 
$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \mu_F \cdot \underbrace{\int_0^1 p_{FNE}(\zeta, N) \cdot h(\zeta) \cdot \zeta \cdot d\zeta}_{\text{mittlere Fehlfunktionsrate je Fehler}}$$

(3.15) 
$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \frac{\mu_F \cdot K \cdot \Gamma(K+1)}{N^{K+1}} = \frac{\mu_F \cdot K^2 \cdot \Gamma(K)}{N^{K+1}}$$

Im Vergleich zu  $p_{FNE}(\zeta, N) = 1$  für  $\zeta \leq 1/N$  sonst 0 ergibt sich für

(2.16) 
$$\mu_F(N_2) = \mu_F(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} \quad \text{mit } 0 < K < 1$$

(2.22) 
$$\zeta_F(N_2) \stackrel{(\leq 1)}{=} \zeta_F(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-(K+1)}$$

keine

Veränderung. In der mit Vereinfachung hergeleiteten Gl.

(2.21) 
$$\zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \mu_F \cdot \frac{K}{K+1} \cdot \frac{\mu_F(N)}{N}$$

entfällt ohne Vereinfachung der Term  $K + 1$  unter dem Bruchstrich:

$$\zeta_{\text{F}}(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \frac{\mu_{\text{F}}(N) \cdot K}{N} \quad (2.23)$$

Wir werden den Term  $K + 1$  schon ab jetzt weglassen.

---

$\zeta_{\text{F}}(N)$	Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.
$N_1, N_2$	Testanzahl mit bekannter / gesuchter Fehlfunktionsrate oder Fehleranzahl.
$\Gamma(\dots)$	Gamma-Funktion.
$(\geq 1)$	Der errechnete Wert ist eine Obergrenze. Der tatsächliche Wert ist max. eins.

Auch aus der Abnahme der Fehlfunktionsrate mit der Testverlängerung:

$$(2.22) \quad \zeta_{\text{F}}(N_2) \stackrel{(\leq 1)}{=} \zeta_{\text{F}}(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-(K+1)}$$

lässt sich der Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate abschätzen:

$$K = \log\left(\frac{\zeta_{\text{F}}(N_1)}{\zeta_{\text{F}}(N_2)}\right) / \log\left(\frac{N_2}{N_1}\right) - 1 \quad (2.24)$$

---

$\zeta_{\text{F}}(N)$	Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.
$N_1, N_2$	Testanzahl mit bekannter / gesuchter Fehlfunktionsrate oder Fehleranzahl.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).

## 2.3 Vortests

### 2.61 Aufteilung in Vortest und Zufallstest

Vor einem gründlichen Zufallstest erfolgen Vortests:

- statische Tests: Reviews, Syntax, ...
- Grobtests, ob überhaupt etwas funktioniert und
- gezielt gesuchte Tests für Grenz- und Sonderfälle.

Bei statischen und fehlerorientiert gesuchten Tests hängt  $p_{\text{FNE}}(\zeta, N)$  weniger von  $\zeta$  als beim Zufallstest ab. Pauschalannahme, dass alle Vortests zusammen einen Anteil von  $FC_{\text{PT}}$  Fehler erkennen, die alle beseitigt werden und  $N_0 \geq 1$  dynamische Tests enthalten:

$$\mu_{\text{F}}(N_0) = \mu_{\text{FCR}} \cdot (1 - FC_{\text{PT}}) \quad (2.25)$$

$$\zeta_{\text{F}}(N_0) \stackrel{(\leq 1)}{=} \frac{K \cdot \mu_{\text{F}}(N_0)}{N_0} \quad (2.26)$$

---

$p_{\text{FNE}}(\zeta, N)$	Wahrscheinlichkeit, dass Fehler mit MF-Rate $\zeta$ nach $N$ Tests nicht beseitigt sind.
$\mu_{\text{F}}(N_0)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N_0$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.
$N_0$	Anzahl der dynamischen Tests aller Vortests zusammen.
$\mu_{\text{FCR}}$	Zu erwartende Fehleranzahl aus den Entstehungs- und Reparaturprozessen insgesamt.
$FC_{\text{PT}}$	Fehlerabdeckung aller Vortests zusammen.
$\zeta_{\text{F}}(N_0)$	Fehlfunktionsrate nach Beseitigung der von Vortests erkannten Fehler.
$(\geq 1)$	Der errechnete Wert ist eine Obergrenze. Der tatsächliche Wert ist max. eins.

### 2.62 Der Zufallstest nach dem Vortest

... erhöht die Testanzahl auf  $N > N_0$ . Es gelten (Gl. 2.16) und (Gl. 2.22) mit  $N_1 \rightarrow N_0$  und  $N_2 \rightarrow N$  und (Gl. 2.23):

$$\mu_{\text{F}}(N) = \mu_{\text{F}}(N_0) \cdot \left(\frac{N}{N_0}\right)^{-K} \quad \text{mit } 0 < K < 1 \quad (2.27)$$

$$\zeta_{\text{F}}(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \zeta_{\text{F}}(N_0) \cdot \left(\frac{N}{N_0}\right)^{-(K+1)} \quad (2.28)$$

$$(2.23) \quad \zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \frac{\mu_F(N) \cdot K}{N}$$

Fehlerbezogenen Teilzuverlässigkeit als Kehrwert der MF-Rate:

$$R_F(N) \stackrel{(\geq 1)}{=} \frac{1}{\zeta_F(N)} = R_F(N_0) \cdot \left(\frac{N}{N_0}\right)^{K+1} \quad (2.29)$$

$$R_F(N) \stackrel{(\geq 1)}{=} \frac{N}{K \cdot \mu_F(N)} \quad (2.30)$$

---

$\zeta_F(N)$	Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.
$N_0$	Anzahl der dynamischen Tests aller Vortests zusammen.
$\mu_F(N)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.
$R_F(N)$	Fehlerbezogene Teilzuverl. nach Beseitigung aller mit $N$ Tests nachweisbaren Fehler.
$(\leq 1)$	Der errechnete Wert ist eine Untergrenze. Der tatsächliche Wert ist mindestens eins.

### 2.63 Zuverlässigkeit

Bei einem System mit Fehlfunktionsbehandlung, das keine erkannte Fehlfunktion »weitergibt«, ist die Zuverlässigkeit der Kehrwert der Rate der nicht erkannten Fehlfunktionen, einschließlich der durch Störungen:

$$R_{MT}(N) \stackrel{(\geq 1)}{=} \frac{1}{(\zeta_F(N) + \zeta_D) \cdot (1 - MC)} \quad (2.31)$$

Wenn Fehlfunktionen durch Störungen vernachlässigbar sind:

$$R_{MT}(N) \stackrel{(\geq 1)}{=} \frac{N}{K \cdot \mu_F(N) \cdot (1 - MC)} \quad (2.32)$$

---

$R_{MT}$	Zuverlässigkeit mit Fehlfunktionsbehandlung.
$\zeta_F$	Fehlfunktionsrate durch Fehler.
$N$	Anzahl der Tests.
$\zeta_D$	Fehlfunktionsrate durch Störungen (Malfunction rate due to disturbance).
$MC$	Fehlfunktionsabdeckung (malfunction coverage), Anteil nachweisbare Fehlfunktionen.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).
$(\leq 1)$	Der errechnete Wert ist eine Untergrenze. Der tatsächliche Wert ist mindestens eins.

### 2.64 Sicherheit

Wenn Fehlfunktionen durch Störungen vernachlässigbar sind und das System bei jedem erkannten Problem in einen sicheren Zustand übergeht, wachsen Zuverlässigkeit und Sicherheit bei Beseitigung aller erkannten Fehler mit der  $K + 1$ -ten Potenz der Testanzahl:

$$\frac{R_{MT}(N_2)}{R_{MT}(N_1)} = \frac{S(N_2)}{S(N_1)} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{K+1} \quad (2.33)$$

---

$R_{MT}$	Zuverlässigkeit mit Fehlfunktionsbehandlung.
$S$	Sicherheit (Safety or security).
$N_1, N_2$	Testanzahl mit bekannter oder gesuchter Zuverlässigkeit.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).

### Beispiel 2.3 Zuverlässigkeit dreifacher Testaufwand

- a) Um welchen Faktor verringern sich MF-Rate  $\zeta_F(N)$  und Fehleranzahl  $\mu_F(N)$ , wenn die Anzahl der dynamischen Tests verdreifacht wird? Formfaktoren der Verteilung der MF-Rate  $K \in \{0,3, 0,5\}$ .

Geschätzte Reduzierung der MF-Rate und der Fehlerzahl sowie die Erhöhung der Zuverlässigkeit als Kehrwert der MF-Rate:

$$\frac{\mu_F(3 \cdot N)}{\mu_F(N)} = 3^{-K}; \quad \frac{\zeta_F(3 \cdot N)}{\zeta_F(N)} = 3^{-(K+1)}; \quad \frac{R_F(3 \cdot N)}{R_F(N)} = 3^{K+1}$$

	$\frac{\mu_F(3 \cdot N)}{\mu_F(N)}$	$\frac{\zeta_F(3 \cdot N)}{\zeta_F(N)}$	$\frac{R_F(3 \cdot N)}{R_F(N)}$
$K = 0,3$	0,72	0,24	4,17
$K = 0,5$	0,56	0,19	5,19

Die Fehleranzahl verringert sich auf 56% bis 72% und die Fehlfunktionsrate durch nicht beseitigte Fehler auf 19% bis 24%.

Die Rechengröße  $K$  kennen wir in der Regel nicht so genau. Für die Abnahme der Fehleranzahl hat  $K$  einen großen, aber für die Abnahme die Zuverlässigkeitsverbesserung nur moderaten Einfluss.

- b) Welche Erhöhung der Zuverlässigkeit ist unter Vernachlässigung der Fehlfunktionen durch Störungen zu erwarten, wenn das Personal der Testabteilung verdreifacht wird?

Wenn 3-facher Personaleinsatz den dreifachen Testaufwand impliziert, zu erwartende Erhöhung der Zuverlässigkeit auf etwa das 4- bis 5-fache.

---

$\zeta_F(N)$	Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.
$\mu_F(N)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).
$R(N)$	Zuverlässigkeit nach Beseitigung aller mit den $N$ Tests nachweisbaren Fehler.

## 2.4 Effektive Testanzahl

### 2.66 Effektive Testanzahl

In den bisherigen Abschätzungen ist  $N$  die Anzahl der Tests, für die alle erkennbaren Fehler beseitigt werden. Es gibt Situationen, in denen das ein Bruchteil oder ein Vielfaches der tatsächlichen Testanzahl ist:

$$N = c \cdot N_T \quad (2.34)$$

- Reifeprozess: ein Fehler muss erst im Mittel  $1/c \gg 1$  Fehlfunktionen verursachen, bevor er beseitigt wird.
- modularer Test:  $N_T$  Modultests finden etwa so viele Fehler im Modul wie  $N \gg N_T$  Tests in der Systemumgebung.
- Die Fehlfunktionsrate der Modellfehler ist im Mittel um einen Faktor  $c$  größer oder kleiner als die der tatsächlichen Fehler.

Berücksichtigung durch den Skalierungsfaktor  $c$  in (Gl. 2.34).

---

$N$	Effektive Testanzahl, für die alle erkannten Fehler beseitigt werden.
$N_T$	Tatsächliche Testanzahl.
$c$	Testskalierung, Verhältnis von effektiver und tatsächlicher Testanzahl.

Der Skalierungsfaktor hat keinen Einfluss auf die relative Erhöhung der Testanzahl in

$$(2.16) \quad \mu_F(N_2) = \mu_F(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} \quad \text{mit } 0 < K < 1$$

$$(2.22) \quad \zeta_F(N_2) \stackrel{(\leq 1)}{=} \zeta_F(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-(K+1)}$$

$$(2.33) \quad \frac{R_{MT}(N_2)}{R_{MT}(N_1)} = \frac{S(N_2)}{S(N_1)} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{K+1}$$

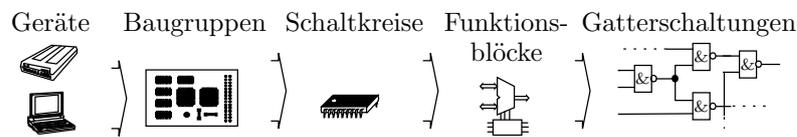
Nur in (Gl. 2.23) hat die Testskalierung Einfluss:

$$\zeta_F(N_T) = \frac{K \cdot \mu_F(N)}{N} = \frac{K \cdot \mu_F(c \cdot N_T)}{c \cdot N_T} \quad (2.35)$$

$\mu_F(N)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.
$N_1, N_2$	(Effektive) Testanzahl mit bekannter / gesuchter Fehlfunktionsrate oder Fehleranzahl.
$R_{MT}$	Zuverlässigkeit mit Fehlfunktionsbehandlung.
$S$	Sicherheit (Safety or security).
$N, N_T$	Effektive Testanzahl, tatsächliche Testanzahl.
$c$	Testskalierung, Verhältnis von effektiver und tatsächlicher Testanzahl.

## 2.5 Modularer Test

### 2.68 Modularer Test

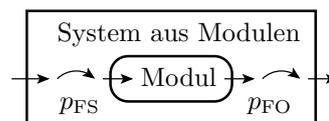


- Rechner-Systeme bestehen aus Rechnern, EA-Geräten, Druckern, Netzwerkkomponenten, diese aus ...
- Die Hardware stellt der SW Grundfunktionen (Maschinenbefehler, EA-Einheiten, ...).
- Software gliedert sich in Teilsysteme, Module, Bibliotheken, ...

Die durchgeführten Tests folgen der Hierarchie. Wenn möglich, werden die Bausteine vor Übernahme in das übergeordnete System gründlich getestet (Abschn. 2.1.4 *Vielfalt der Test*).

Der übergeordnete Test zielt hauptsächlich nur Fehler beim Zusammenwirken \RefSlideBoardTest{L}.

Grund ist die deutlich größere effektive Testanzahl von Modultests.



Modulinterne Fehler werden bei Einbettung in ein übergeordnetes System im Mittel um eine Anregungswahrscheinlichkeit  $p_{FS}$  seltener angeregt und fehlerverursachte Verfälschungen am Modulausgang verfälschen nur mit einer Beobachtbarkeit  $p_{FO} \leq 1$  die Systemausgabe. Fehlfunktionsrate eines modulinteren Fehler

- beim isolierten Test des Moduls:  $\zeta_{Mod}$
- beim Test des Moduls im System:  $p_{FS} \cdot \zeta_{Mod} \cdot p_{FO}$

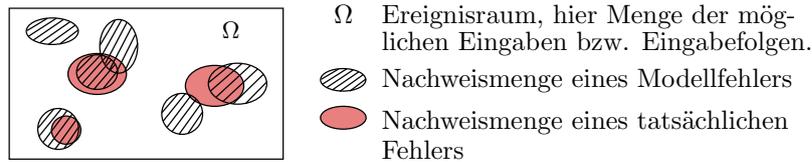
Für einen genauso häufigen Nachweis ist die  $\frac{1}{p_{FS} \cdot p_{FO}}$ -fache Anzahl von Systemtests erforderlich:

$$N = c \cdot N_M \quad \text{mit} \quad c = \frac{1}{p_{FS} \cdot p_{FO}} \gg 1 \quad (2.36)$$

$p_{FS}$	Fehleranregungswahrscheinlichkeit (Probability of fault stimulation).
$p_{FO}$	Fehlerbeobachtbarkeitswahrscheinlichkeit (Probability of fault observation).
$N$	Effektive Testanzahl, für die alle erkannten Fehler beseitigt werden.
$c, N_M$	Testskalierung, Anzahl der Modultests.

## 2.6 Fehlermodellskalierung

### 2.70 Fehler und Modellfehler



Ein gutes Fehlermodell generiert für (fast) alle zu erwartenden Fehler Mengen ähnlich nachweisbare Modellfehler, die sich mit den tatsächlichen Anregungs- und Beobachtungsbedingungen teilen. Je nach Wahl des Fehlermodells können die Modellfehler tendentiell

- schlechter oder
- besser

als die tatsächlichen Fehler nachweisbar sein.

### 2.71 Effektive Testanzahl und Fehlerabdeckung

Skalierung der effektiven Testanzahl:

$$N = c \cdot N_{MF}$$

- Modellfehler schlechter nachweisbar:  $c < 1$
- Modellfehler besser nachweisbar:  $c > 1$

Bei Skalierung ist die zu erwartende Fehlerabdeckung ungefähr die zu erwartenden Modellfehlerabdeckung der  $c$ -fachen Testanzahl:

$$N = c \cdot N_{MF} \quad \text{für} \quad \mu_{FC}(N) = \mu_{FCM}(N_{MF}) \quad (2.37)$$

In Abschn. 6.1.5 wird später gezeigt, dass für zu erwartende Schaltkreisfehler (Kurzschlüsse, Unterbrechungen, Transistorfehler) und Haftfehler grob Testskalierung  $c \approx 0,5$  zu erwarten ist. Haftfehler tests müssen für gleich Fehlerabdeckung tendentiell doppelt so lang wie die tatsächlichen Tests sein.

---

$N, c$	Effektive Testanzahl, Testskalierung.
$N_{MF}$	Testanzahl, mit der die Modellfehlerüberdeckung bestimmt wird.
$\mu_{FC}$	Zu erwartende Fehlerabdeckung.
$\mu_{FCM}$	Zu erwartende Modellfehlerabdeckung.

## 2.7 Reifen von Produkten

### 2.72 Das Problem immer größerer IT-Systeme

Die zu erwartende Fehleranzahl wächst proportional zur Systemgröße bzw. zum Entstehungsaufwand (siehe später Abschn. 2.3.1):

$$(2.48) \quad \mu_{CF} = \xi_{<C>} \cdot C$$

Nach Beseitigung der von den Vor- und Zufallstest gefundenen Fehler:

$$(2.25) \quad \mu_F(N_0) = \mu_{FCR} \cdot (1 - FC_{PT})$$

$$(2.27) \quad \mu_F(N) = \mu_F(N_0) \cdot \left(\frac{N}{N_0}\right)^{-K} \quad \text{mit} \quad 0 < K < 1$$

$$(2.23) \quad \zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \frac{\mu_F(N) \cdot K}{N}$$

$$(2.29) \quad R_F(N) \stackrel{(\geq 1)}{=} \frac{1}{\zeta_F(N)} = R_F(N_0) \cdot \left(\frac{N}{N_0}\right)^{K+1}$$

---

$\xi_{\langle C \rangle}$	Fehlerentstehungsrate in Fehlern je Bezugsgröße der Metrik $C$ .
$C$	Metrik für den Entstehungsaufwand oder die Größe des Produkts.
$\mu_{CF}$	Zu erwartende Anzahl der Fehler aus den Entstehungsprozessen.
$\mu_{FCR}$	Zu erwartende Fehleranzahl aus den Entstehungs- und Reparaturprozessen insgesamt.
$N_0$	Anzahl der dynamischen Tests aller Vortests zusammen.

Aussprache:  $\xi$ : xi,  $\mu$ : my.

Zuverlässigkeitsabnahme mit der Systemgröße  $C$ :

$$R_F(N) = \frac{N}{K \cdot \mu_F(N_0)} \cdot \left(\frac{N}{N_0}\right)^K = \dots \sim \frac{N^{K+1}}{C}$$

Die Kompensation des Zuverlässigkeitsverlust durch den immer größeren Entstehungsaufwand bzw. die wachsende Systemgröße, beschrieben durch die Metrik  $C$ , verlangt eine immer größere effektive Testanzahl  $N$ .

Die Größe  $C$  der IT-Systeme nimmt über die Jahre exponentiell zu, der erbringbare Testaufwand  $N$  ist durch Zeit und Personal begrenzt.

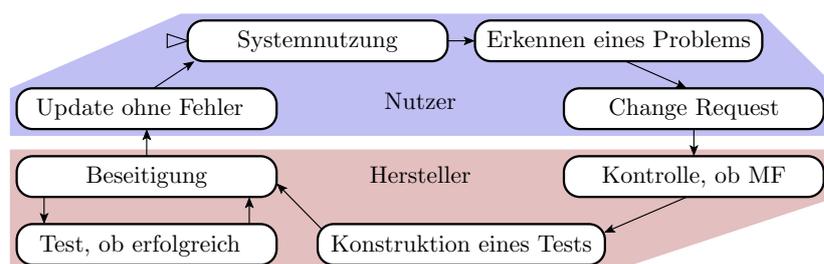
Was tun gegen den drohenden Zuverlässigkeitsverlust?

---

$\zeta_F(N)$	Fehlfunktionsrate durch Fehler in Abhängigkeit von der Testanzahl.
$R_F(N)$	Fehlerbezogene Teilzuverl. nach Beseitigung aller mit $N$ Tests nachweisbaren Fehler.
$\mu_F(N)$	Zu erwartende Anzahl der Fehler, die nach $N$ Tests nicht erkannt und beseitigt sind.
$N_0$	Anzahl der dynamischen Tests aller Vortests zusammen.
$N$	Effektive Testanzahl, für die alle erkannten Fehler beseitigt werden.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).
$C$	Metrik für den Entstehungsaufwand oder die Größe des Produkts.

## 2.74 Reifen der Produkte in der Einsatzphase

Alternative zu immer längeren Testzeiten vor dem Einsatz ist die Fortsetzung der Fehlerbeseitigung im Einsatz mit den Nutzern als Tester.



- Erfassen der MF in der Einsatzphase.
- Sammeln der Daten, um die MF nachzustellen.
- Übermittlung an den Hersteller.
- Suche von Tests für einen reproduzierbaren Fehlernachweis.
- Beseitigung durch experimentelle Reparatur.
- Herausgabe und Installieren von Updates.

## 2.75 Fehlerbeseitigungswahrscheinlichkeit

Die Fehlerbeseitigungswahrscheinlichkeit  $p_{FE}$  ist die bedingte Wahrscheinlichkeit, dass, wenn eine Fehlerfunktion (MF) auftritt,

1. Nutzer oder System diese erkennen,
2. an den Hersteller einen MF-Report bzw. Änderungswunsch (Change Request) senden,
3. die vermeindliche MF vom Hersteller als solche bestätigt und für die Beseitigung priorisiert wird,
4. der Hersteller Tests für den Nachweis der MF findet,
5. den verursachenden Fehler findet und beseitigt und
6. der Anwender das Update, in dem der Fehler beseitigt ist, übernimmt.

Zu 3: MF-Reports werden in Schubladen vermuteter gleicher Ursache gesammelt. Der Hersteller bevorzugt für die Beseitigung Schubladen, die Fehler mit häufigen schwerwiegenden MF vermuten lassen.

Die Wahrscheinlichkeit  $p_{FE}$ , dass ein Fehler beseitigt wird, wenn er eine MF verursacht, ist gering.

## 2.76 Effektive Testanzahl

Reifende Produkte werden von vielen Nutzern über lange Zeit mit unzähligen Beispieleingaben genutzt. Geschätze effektive Testanzahl:

$$N = p_{FE} \cdot \mu_{NU} \cdot \eta_{SU} \cdot (t_M + t_{V0}) \quad \text{mit} \quad t_{V0} = \frac{N_{V0}}{p_{FE} \cdot \mu_{NU} \cdot \eta_{SU}} \quad (2.38)$$

Genau genommen nimmt die effektive Testanzahl nicht kontinuierlich mit der Reifedauer zu, sondern zeitdiskret mit den Versionsfreigaben. Zunahme der effektiven Testanzahl mit der Versions-Anzahl bei gleich langen Release-Intervallen:

$$N = \underbrace{p_{FE} \cdot \mu_{NU} \cdot \eta_{SU} \cdot t_{VR}}_{N_{MV}} \cdot (u + u_{V0}) \quad \text{mit} \quad u_{V0} = \frac{N_{V0}}{N_{VM}} \quad (2.39)$$

---

$N$	Effektive Testanzahl, für die alle erkannten Fehler beseitigt werden.
$p_{FE}$	Wahrscheinlichkeit, dass ein Fehler beseitigt wird, wenn er eine MF verursacht.
$\mu_{NU}$	Zu erwartende Nutzeranzahl (Expected number of user).
$\eta_{SU}$	Mittlere Anzahl der Service-Leistungen pro Nutzer (user) und Nutzungszeit.
$t_M$	Reifedauer (Maturing time).
$N_{V0}$	Effektive Testanzahl von Version 0, d.h. der Fehlerbeseitigungsiteration vor dem Einsatz.
$t_{VR}$	Versionsintervall, Zeit zwischen der Freigabe aufeinanderfolgender Version.
$N_{MV}$	Erhöhung der effektive Testanzahl mit jeder Version.
$u$	Versionsnummer des reifenden Objekts, Zählweis 0, 1, 2, ....
Aussprache: $\mu$ : my, $\eta$ : eta.	

## 2.77 Abnahme der Fehleranzahl mit der Reifedauer

Der Abschnitt betrachtet nur den vereinfachten Fall, dass bei der Fehlerbeseitigung keine neuen Fehler entstehen bzw. neue entstandene Fehler vor Versionsfreigabe gefunden und beseitigt werden. Ausgehend von

$$(2.16) \quad \mu_F(N_2) = \mu_F(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} \quad \text{mit} \quad 0 < K < 1$$

mit Gl. 2.38 bzw. 2.39 nimmt die zu erwartende Fehleranzahl mit der  $K$ -ten Potenz der Reifedauer bzw. bei gleich langen Release-Intervallen Versionsanzahl ab:

$$\mu_F(t_M) = \mu_F(t_{M0}) \cdot \left(\frac{t_M + t_{V0}}{t_{M0} + t_{V0}}\right)^{-K} \quad (2.40)$$

$$\mu_F(u) = \mu_F(v) \cdot \left(\frac{u + u_{V0}}{v + u_{V0}}\right)^{-K} \quad (2.41)$$

---

$\mu_F$	Zu erwartende Fehleranzahl.
$t_M$	Reifedauer (Maturing time).

$t_{V0}$	Equivalente Reifedauer vor Freigabe von Version null.
$t_{M0}$	Bezugsreifedauer.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).
$u, v$	Versionnummern und Bezugsversionsnummer des reifenden Objekts.
$u_{V0}$	Verhältnis der Reifedauer vor Versionsfreigabe zur Reifedauererhöhung je Version.

## 2.78 Fehlfunktionsrate und Zuverlässigkeit

Die Fehlfunktionsrate durch Fehler nimmt mit der  $K + 1$ -ten Potenz der Reifedauer ab:

$$\zeta_F(t_M) = \zeta_F(t_{M0}) \cdot \left( \frac{t_M + t_{V0}}{t_{M0} + t_{V0}} \right)^{-(K+1)} \quad (2.42)$$

$$\zeta_F(u) = \zeta_F(v) \cdot \left( \frac{u + u_{V0}}{v + u_{V0}} \right)^{-(K+1)} \quad (2.43)$$

Durch digitale Verarbeitung, elektromagnetische Verträglichkeit, Datenübertragung und Speicherung mit Prüfkennzeichen, ... sind Fehlfunktionen durch Störungen oft vernachlässigbar. Wenn das der Fall, ist Zuverlässigkeit der Kehrwert der Fehlfunktionsrate durch Fehler:

$$R_{MT}(t_M) = R_{MT}(t_{M0}) \cdot \left( \frac{t_M + t_{V0}}{t_{M0} + t_{V0}} \right)^{K+1} \quad (2.44)$$

$$R_{MT}(u) = R_{MT}(v) \cdot \left( \frac{u + u_{V0}}{v + u_{V0}} \right)^{K+1} \quad (2.45)$$

---

$\zeta_F$	Fehlfunktionsrate durch Fehler.
$R_{MT}$	Zuverlässigkeit mit Fehlfunktionsbehandlung.
$u, v$	Versionnummern und Bezugsversionsnummer des reifenden Objekts.
$u_{V0}$	Verhältnis der Reifedauer vor Versionsfreigabe zur Reifedauererhöhung je Version.

## 2.79 Sicherheit

Wenn bei allen erkannten Problemen ein sicherer Zustand hergestellt wird, ist nur ein Anteil  $\rho$  der nicht erkannten Fehlfunktionen sicherheitsgefährdend:

$$(1.24) \quad S = \frac{R_{MT}}{\rho}$$

Bei zusätzlicher Vernachlässigung der Fehlfunktionen durch Störungen wächst die Sicherheit genau wie die Zuverlässigkeit mit der  $K + 1$ -ten Potenz der Reifedauer bzw. Versionsanzahl:

$$\frac{S(t_M)}{S(t_{M0})} = \frac{R_{MT}(t_M)}{R_{MT}(t_{M0})} = \left( \frac{t_M + t_{V0}}{t_{M0} + t_{V0}} \right)^{K+1} \quad (2.46)$$

$$\frac{S(u)}{S(v)} = \frac{R_{MT}(u)}{R_{MT}(v)} = \left( \frac{u + u_{V0}}{v + u_{V0}} \right)^{K+1} \quad (2.47)$$

---

$S$	Sicherheit (Safety or security).
$R_{MT}$	Zuverlässigkeit mit Fehlfunktionsbehandlung.
$\rho$	Anteil sicherheitskritischer Fehlfunktionen an den nicht erkannten Fehlfunktionen.
$K$	Formfaktor der Dichte der Fehlfunktionsrate ( $0 < K < 1$ ).
$u, v$	Versionnummern und Bezugsversionsnummer des reifenden Objekts.
$u_{V0}$	Verhältnis der Reifedauer vor Versionsfreigabe zur Reifedauererhöhung je Version.

## 2.80 Hohe Zuverlässigkeit und Sicherheit

Hohe Zuverlässigkeit und Sicherheit verlangen:

- Entstehungsprozesse mit geringer Fehlerentstehungsrate,
- gründliche Tests vor dem Einsatz,
- hohe Fehlfunktionsabdeckung der Tests vor dem Einsatz,

- sicherer Zustand für alle erkennbaren Probleme, ...

Zusätzlich Reifeprozesse mit sehr großer effektiver Testanzahl:

- Systemfunktionen / organisatorischer Rahmen / Kontrollen, die bewirken, dass Fehlfunktionen bei Nutzern oft (z.B. jedes  $10^{-3}$ -te mal) eine Fehlerbeseitigung zu Folge haben,
- viele Nutzer, lange Reifedauer, ...

Systeme, die viele Jahre gereift sind, haben hohe, auf anderem Wege unerreichbare Zuverlässigkeiten und Sicherheiten. Schwer ersetzbar durch neue Systeme (siehe Jahr2000-Problem).

Neue / alternative Systeme sind in den ersten Nutzungsjahren vielfach viel unzuverlässiger als die Systeme, die sie ersetzen. Wenn das die Akzeptanz beeinträchtigt, reifen sie auch nicht.

## 2.8 Reifen Nutzung

### 2.8.1 Reifeprozess des Nutzerverhaltens

Bei der Einarbeitung in ein neues IT-System ist es typisch, dass zu Beginn häufig und mit zunehmender Nutzung immer seltener Fehlfunktionen auftreten, weil die Nutzer lernen, die Fehler und Schwachstellen im System zu umgehen \SecReRequest{L}.

Auch hier ist ein Zuverlässigkeitswachstum mit der Nutzungsdauer zu beobachten, das mit \Eq... grob annäherbar ist. Die für das Zuverlässigkeitswachstum verantwortliche Zeit ist allerdings nur die des einzelnen Benutzers.

Wechselt der Benutzer, bricht die Zuverlässigkeit ein, weil die Nutzungsdauer wieder von null beginnt.

Wenn Wissen über Fehlerumgehungsmöglichkeiten weitergegeben wird, z.B. über Foren oder FAQ-Seiten, lernt die gesamte Nutzergemeinschaft, so dass sich die Nutzungsdauern vieler Nutzer aufsummieren.

---

FAQ .....

## Zusammenfassung

### 2.8.2 Vor- und Zuverlässigkeitstest

In den Entstehungs- und Fehlerbeseitigungsprozesse entehen insgesamt im Mittel  $\mu_{FCR}$  Fehler. Davon erkennen die Vortests

- statisch Tests (Reviews, Syntax, ...)
- dynamischen Grobtests, ob überhaupt etwas funktioniert,
- fehlerorientierten Tests z.B. für Grenzwerte, ...

mit  $N_0$  enthaltenen dynamischen Tests einen Anteil  $FC_{PT}$ , der beseitigt beseitigt wird. Verbleibende Fehleranzahl und Fehlfunktionsrate:

$$(2.25) \quad \mu_F(N_0) = \mu_{FCR} \cdot (1 - FC_{PT})$$

$$(2.26) \quad \zeta_F(N_0) \stackrel{(\leq 1)}{=} \frac{K \cdot \mu_F(N_0)}{N_0}$$

Die weitere Fehlererwartende Fehleranzahl ab  $K+1$ .

$$(2.16) \quad \mu_F(N_2) = \mu_F(N_1) \cdot \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{-K} \quad \text{mit } 0 < K < 1$$

$$(2.28) \quad \zeta_F(N) \stackrel{(\leq 1)}{=} \zeta_F(N_0) \cdot \left(\frac{N}{N_0}\right)^{-(K+1)}$$

### 2.83 Formfaktor, Zuverlässigkeit und Sicherheit

Der Formfaktor der Verteilung der Fehlfunktionsrate kann sowohl aus der Abnahme der Fehleranzahl als auch aus der Abnahme der Fehlfunktionsrate für eine Vergrößerung der effektiven Testanzahl von  $N_1$  auf  $N_2 \gg N_1$  Tests abgeschätzt werden:

$$(2.17) \quad K = -\log\left(\frac{\mu_F(N_2)}{\mu_F(N_1)}\right) / \log\left(\frac{N_2}{N_1}\right)$$

$$(2.24) \quad K = \log\left(\frac{\zeta_F(N_1)}{\zeta_F(N_2)}\right) / \log\left(\frac{N_2}{N_1}\right) - 1$$

Wenn durch geeignete Systemgestaltung Fehlfunktionen durch Störungen vernachlässigbar sind und bei erkannten Problemen ein sicherer Zustand hergestellt wird, nehmen Zuverlässigkeit und Sicherheit mit der  $K + 1$ -ten Potenz der effektiven Testanzahl zu:

$$(2.33) \quad \frac{R_{MT}(N_2)}{R_{MT}(N_1)} = \frac{S(N_2)}{S(N_1)} = \left(\frac{N_2}{N_1}\right)^{K+1}$$

### 2.84 Effektive Testanzahl

Äquivalente Testanzahl, für alle erkannten Fehler beseitigt werden:

$$(2.34) \quad N = c \cdot N_T$$

- Für modulinteren Fehler ist die effektive Testanzahl der Modultests viel größer als die der Tests in den Systemumgebung:

$$(2.36) \quad N = c \cdot N_M \quad \text{mit} \quad c = \frac{1}{p_{FS} \cdot p_{FO}} \gg 1$$

Deshalb werden Module vor Einbau gründlich getestet.

- Fehlermodellspezifische Skalierung. Zu erwartende Fehlerabdeckung tendiert zur Modellfehlerabdeckung der  $c$ -fachen Testanzahl:

$$(2.37) \quad N = c \cdot N_{MF} \quad \text{für} \quad \mu_{FC}(N) = \mu_{FCM}(N_{MF})$$

- tendentiell besser nachweisbare Modellfehler:  $c > 1$
- tendentiell schlechter nachweisbare Modellfehler:  $c < 1$ .
- Für Haftfehler wird später der Richtwert  $c \approx 0,5$  abgeschätzt.

- Für Reifeprozesse gilt

$$c = p_{FE} \ll 1$$

aber als Testanzahl akkumulieren sich die genutzten Service-Leistungen vieler Nutzer über ein lange Reifedauer.

### 2.85 Reifeprozess

Fortsetzung der Fehlerbeseitigungsiteration in der Einsatzphase mit den Nutzern als Tester.

- Zunahme der effektive Testanzahl mit der Reifedauer:

$$(2.38) \quad N = p_{FE} \cdot \mu_{NU} \cdot \eta_{SU} \cdot (t_M + t_{V0}) \quad \text{mit} \quad t_{V0} = \frac{N_{V0}}{p_{FE} \cdot \mu_{NU} \cdot \eta_{SU}}$$

- Zunahme der effektive Testanzahl mit der Versionsnummer:

$$(2.39) \quad N = \underbrace{p_{FE} \cdot \mu_{NU} \cdot \eta_{SU}}_{N_{MV}} \cdot t_{VR} \cdot (u + u_{V0}) \quad \text{mit} \quad u_{V0} = \frac{N_{V0}}{N_{VM}}$$

- Abnahme der Fehleranzahl mit Exponent  $K$ :

$$(2.40) \quad \mu_F(t_M) = \mu_F(t_{M0}) \cdot \left(\frac{t_M + t_{V0}}{t_{M0} + t_{V0}}\right)^{-K}$$

$$(2.41) \quad \mu_F(u) = \mu_F(v) \cdot \left(\frac{u + u_{V0}}{v + u_{V0}}\right)^{-K}$$

## 2.86 Zuverlässigkeit und Sicherheit

Wenn Fehlfunktionen durch Störungen vernachlässigbar sind und bei allen erkannten Problemen ein sicherer Zustand hergestellt wird, ist nehmen Zuverlässigkeit und Sicherheit mit der  $K + 1$ -ten Potenz der Reifedauer bzw. der Versionsanzahl zu:

$$(2.46) \quad \frac{S(t_M)}{S(t_{M0})} = \frac{R_{MT}(t_M)}{R_{MT}(t_{M0})} = \left( \frac{t_M + t_{V0}}{t_{M0} + t_{V0}} \right)^{K+1}$$

$$(2.47) \quad \frac{S(u)}{S(v)} = \frac{R_{MT}(u)}{R_{MT}(v)} = \left( \frac{u + u_{V0}}{v + u_{V0}} \right)^{K+1}$$

- Lange Reifeprozesse über Jahre und Jahrzehnte erzielen auf andere Weise unerreichbare Zuverlässigkeiten und Sicherheiten.
- Alte, lange gereifte Software ist schwer zu ersetzen, weil gleichwertiger Ersatz zuerst lange bei vielen Nutzern reifen muss.

Es gibt auch einen Reifeprozesse für das Nutzerverhalten, das bewirkt, dass Zuverlässigkeit und Sicherheit eines Systems mit der individuellen Nutzungsdauer je Nutzer zunehmen.

## 3 Fehlervermeidung

### 2.87 Fehlervermeidung

MF-Behandlung	Fehlerbeseitigung	Fehlervermeidung
Überwachung, robuste Reaktion auf erkannte Probleme	Test und Beseitigung erkannter Fehler	Problembeseitigung in Entstehungsprozessen

- Fehlervermeidung bedeutet Minderung der Fehlerentstehungsraten durch Problembeseitigung in den Entstehungsprozessen.
- Entstehungsprozesse sind wie IT-Systeme Service-Leister mit Fehlfunktionsraten, Kontrollen und Problembehandlung. Unbehandelte Fehlfunktionen verursachen Produktfehler.
- Die Problembeseitigung in Entstehungsprozessen kann wieder auf allen drei Ebenen erfolgen:
  - Überwachung und Reaktion auf erkannte Fehlfunktionen im Prozess.
  - Test und Fehlerbeseitigung vor und während der Prozessnutzung.
  - Fehlervermeidung während der Entstehung der Prozesse.

Wir konzentrieren uns auf das Reifen der Prozesse, d.h. die Problembeseitigung, während der Prozessnutzung.

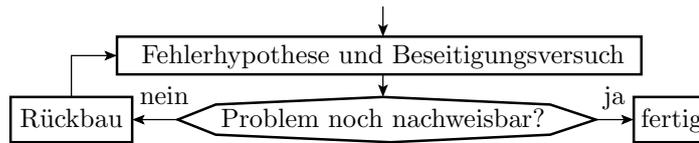
### 2.88 Prozessfähigkeiten

Entstehungsprozesse werden durch ihre Fähigkeiten (statt Funktionen) charakterisiert. Fähigkeit sind die Möglichkeiten, was geschaffen werden kann, wie gut, wie genau, wie billig, ... Ein Teil der Fähigkeiten sind die zur Fehlervermeidung.

Der wissenschaftlich-technische Fortschritt lässt sich als Iteration aus Schaffung, Nutzung und Reifen von Prozessfähigkeiten beschreiben:

- Schaffung: (Weiter-) Entwicklung von Werkzeuge, Verfahren, Kontrollen (incl. Messverfahren), Programmiersprachen, Theorien, Modellen, ... getrennt von der Prozessnutzung.
- Nutzung: Neue Fähigkeiten »kauft man. Für die Fehlervermeidung bedeuten neue Prozessfähigkeiten nicht nur Fortschritt, sondern auch neue Probleme, die in einem Prozess »Lernen aus Fehlern« umgangen oder beseitigt werden.
- Die Erfahrungen bei der Prozessnutzung fließen in die Entwicklung verbesserter und neuer Fähigkeit ein.

### 2.89 Fähigkeiten zum Lernen aus Fehlern



Lernen aus Fehlern verlangt häufige Wiederholung gleicher oder ähnlicher Abläufe, Kontrollen und Problembeseitigungsiterationen nach dem Prinzip der experimentellen Reparatur:

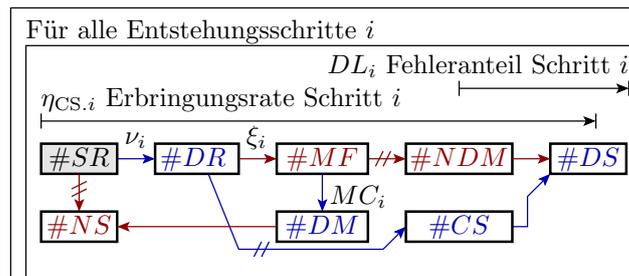
- Aufstellen von Hypothesen über die Problemursache.
- Überprüfung der Hypothesen durch Beseitigungsversuche.
- Wenn Problem nicht beseitigt, Rückbau und nächster Versuch.

Wiederholbare Abläufe, Kontrollen, Problembeseitigungs- und Rückbaumöglichkeiten, ... verlangt Prozessfähigkeiten.

Lernen aus Fehlern selbst ist ein extrem arbeitsintensiver stochastischer Prozess, angetrieben, weil es sich ökonomisch lohnt.

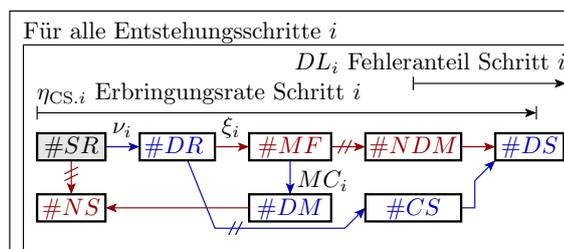
## 3.1 Fehlerentstehung

### 2.90 Fehler als MF der Entstehungsprozesse



<i>SR</i>	Schritt-Anforderung	<i>MF</i>	Fehlfunktion (Prozessfehler)
<i>NS</i>	verweigerte Leistung	<i>DM</i>	erkannter Prozessfehler
<i>DR</i>	erbrachtes Ergebnis	<i>NNDM</i>	nicht erkannter Prozessfehler
<i>CS</i>	korrekte Leistung	<i>DS</i>	erbrachte Leistung
$\nu_i$	Erfolgsrate	$MC_i$	Prozessfehlfunktionsabdeckung
$\xi_i$	Fehlerentstehungsrate	Aussprache: $\nu$ : ny, $\xi$ : xi	

Ein Entstehungsprozess besteht aus vielen Schritten, in denen Leistungen erbracht und Fehler entstehen, erkannt und beseitigt werden.



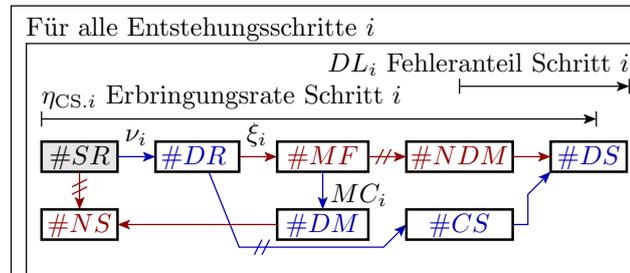
Wenn alle Leistungen mit erkannten Problemen aussortiert werden, hat jeder Schritt eine Erbringungsrate und einen Fehleranteil:

$$\eta_{CS,i} = \left. \frac{\#DS}{\#SR} \right|_{ACR} = \nu_i \cdot ((1 - \xi_i) + \xi_i \cdot (1 - MC_i)) = \nu_i \cdot (1 - MC_i \cdot \xi_i)$$

$$DL_i = \left. \frac{\#NNDM}{\#DS} \right|_{ACR} = \frac{\nu_i \cdot \xi_i \cdot (1 - MC_i)}{\nu_i \cdot (1 - MC_i \cdot \xi_i)} = \frac{\xi_i \cdot (1 - MC_i)}{1 - MC_i \cdot \xi_i}$$

- Ein Produkt entsteht, wenn alle Schritte erbracht werden.
- Ein fehlerhaftes Produkt entsteht, wenn in mindestens einem Schritt ein Fehler entsteht.

Ein Entstehungsprozess aus vielen Schritten lässt sich wie ein IT-System aus vielen Bausteinen mit Kontrollen und Problembeseitigungsprozessen modellieren. Wichtig sind wieder die Kontrollen.



Beispiele folgen in (Abschn. 3.4) nach einer themenspezifischen Einführung in das Rechnen mit Wahrscheinlichkeiten.

### 2.93 Fehlerentstehungsraten und Metriken

Statt aus den Fehlerentstehungs-, -erkennung und -korrekturraten der einzelnen Entstehungsschritte wird die zu erwartende Fehleranzahl in der Regel über Metriken für die Produkt- oder Prozessgröße geschätzt:

$$\mu_{CF} = \xi_{<C>} \cdot C \tag{2.48}$$

Als Metriken werden gut bestimmbare Kenngrößen verwendet, z.B.:

- Entwurfsaufwand in Arbeitsstunden,
- Entwurfsumfang in NLOC, Transistoren, Dokumentationsseiten, ...
- Fertigungsaufwand in Arbeitsschritten,
- ...

Die Entstehungsraten ergeben sich umgekehrt aus dem Verhältnis experimentell abgeschätzter Erwartungswerte zum Bezugswert:

$$\xi_{<C>} = \frac{\mu_{CF}(C)}{C} \tag{2.49}$$

- $\xi_{<C>}$  Fehlerentstehungsrate in Fehlern je Bezugsgröße der Metrik  $C$ .
- $\mu_{CF}$  Zu erwartende Anzahl der Fehler aus den Entstehungsprozessen.
- $C$  Metrik für den Entstehungsaufwand oder die Größe des Produkts.

Aussprache:  $\mu$ : my,  $\xi$ : xi.

### Beispiel 2.4 Programmfehler

$\xi_{NLOC} = 30$  Fehler / 1000 NLOC, Programm mit  $C = 2000$  NLOC.

Wie groß ist die zu erwartende Anzahl der Programmierfehler vor Test und Fehlerbeseitigung?

$$\mu_{CF} = \xi_{NLOC} \cdot C = \frac{30 \text{ Fehler} \cdot 2000 \text{ NLOC}}{1000 \text{ NLOC}} = 60 \text{ Fehler}$$

### Beispiel 2.5 Schaltkreisfehler

$\xi_{\#Tr} = 1$  Fehler je  $10^6$  Transistoren. Schaltkreis mit  $C = 10^5$  Transistoren.

Wie groß ist die zu erwartende Anzahl der Fehler je Schaltkreis vor dem Aussortieren der erkennbar defekten Schaltkreise?

$$\mu_{CF} = \xi_{\#Tr} \cdot C = \frac{1 \text{ Fehler} \cdot 10^5 \text{ Transistoren}}{10^6 \text{ Transistoren}} = 0,1 \text{ Fehler}$$

NLOC      Netto Lines of Code, Anzahl der Code-Zeilen ohne Kommentar und Leerzeilen.

Es gibt auch empirische Modelle, die eine Zunahme der Fehlerentstehungsrate mit der Systemgröße postulieren. Für Software-Module wird z.B. unterstellt, dass die Fehleranzahl je NLOC ab etwa 3 Quellcode-Seiten je Funktionsbaustein überproportional zunimmt, weil die Entwerfer die Übersicht verlieren. Bekanntes und damit beseitigbares Problem.

### Unserer Fehlerkultur »verbietet« bekannte Probleme\*:

Entstehungsprozesse sind so zu gestalten, dass

- offenkundige negative Einflüsse auf die Fehlerentstehungsrate, wie die Zunahme der Fehlerentstehungsrate mit dem Entstehungsaufwand, durch die Prozessgestaltung vermieden werden.
- Das rechtfertigt die Annahme, dass die Fehleranzahl bei akzeptabler Prozessgestaltung nur proportional mit der Systemgröße und dem Entstehungsaufwand zunimmt.

\* Unsere Idealisierung der Fehlerkultur dient der Modellvereinfachung.

Aussprache:  $\mu$ : my,  $\xi$ : xi.

Die Brauchbarkeit von Metriken hängt davon ab, wie gut von Werten der Metrik auf die zu verbessernden Zielgrößen

- Problemstehungsraten
- Problemerkennungsraten und
- Problemvermeidungsraten

geschlussfolgert werden kann.

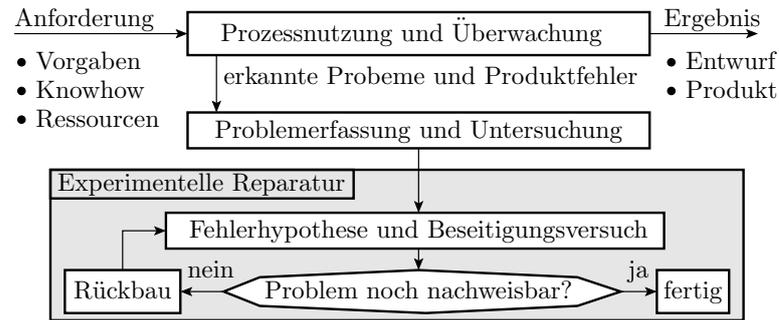
Problembeseitigungsprozesse bewirkt nur solange Verbesserungen, wie die Erfolgskontrolle der experimentellen Reparatur mehrheitlich richtig entscheidet. Danach halten sich Verbesserungen und Verschlimmbesserungen<sup>(IW)</sup> die Wage.

Die wichtigste Prozessfähigkeit für das Lernen aus Fehlern sind brauchbare Metriken für die Prozessgüte.

<sup>(IW)</sup> Verschlechterungen, die die Kontrolle als Verbesserungen ausweist.

## 3.2 Reifen von Prozessen

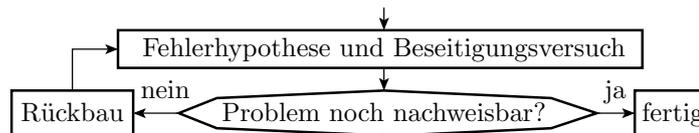
### 2.97 Reifen von Entstehungsprozessen



Nach Einführung neuer / verbesserter Fähigkeiten müssen die Prozessnutzer erst einmal lernen, diese zu nutzen:

- Ausprobieren der neuen Fähigkeiten durch Prozessnutzung.
- Beseitigung erkannter Probleme, insbesondere Produktfehlerursachen durch experimentelle Reparatur.

### 2.98 Determinismus und Erfolgskontrolle



Für IT-Systemen gibt es ideale Erfolgskontrollen (siehe später):

- deterministisches Verhalten, für gleiche Eingaben entstehen ohne oder mit gleichen Fehlern gleiche Ausgaben,
- »getesteten« Tests mit Soll/Ist-Vergleich,
- eindeutige ja/nein-Aussage über Problembeseitigung,
- Beseitigung aller nachweisbaren Probleme.

Entstehungsprozesse sind oft nicht deterministisch. Keine perfekte Erfolgskontrolle. Im ungünstigen Fall erfordert die Kontrolle auf Verbesserungen/Verschlechterungen viele Prozessdurchläufe und erlaubt nur eine unsichere Aussage.

### 2.99 Reifepotential und -geschwindigkeit

Für den typischen Entstehungsprozess verlangt die Erfolgskontrolle nach jedem Problembeseitigungsversuch

- viele Prozesswiederholungen zur Schätzung von Metriken,
- deren Vergrößerung/Verkleinerung Wahrscheinlichkeitsaussagen über die Verbesserung/Verschlechterung erlaubt.

Vergleich der Möglichkeiten zu Reifen mit denen von IT-Systemen:

- dauert viel länger,
- Problemneuentstehung durch die ständigen Verbesserungsversuche und falschen Rückbau.

Die Reifegeschwindigkeit und das erzielbare Minimum der Fehlerentstehungsrate wird von der Fähigkeit bestimmt, anhand der nachfolgender Prozessdurchläufe den Verbesserunserfolg richtig zu bewerten. Wichtiger Teilaspekt, Wiederholbarkeit der Situation, in der das Problem sichtbar geworden ist. Wiederholbarkeit wird in der Regel daran bewertet, wie gut Prozessergebnisse insgesamt vorhersehbar sind.

\* Unsere idealisierte Fehlerkultur unterstellt, dass die Fähigkeiten genutzt werden und die Fehlerentstehungsrate ohne Rücksicht auf Zeit und Kosten auf das erreichbare Minimum abgesenkt wird.

### 3.3 Zentrierung, Verbesserung

#### 2.100 Prozesszentrierung

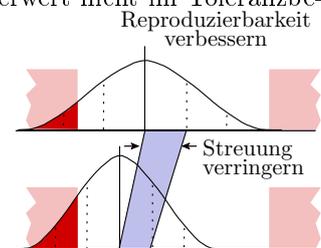
Einfaches Beispiel für die komplexen Zusammenhänge zwischen

- Fähigkeiten und
- Fehlerentstehungsrate

ist ein mechanischer Fertigungsschritt mit einem streuenden Parameter z.B. dem Durchmesser einer Bohrung.

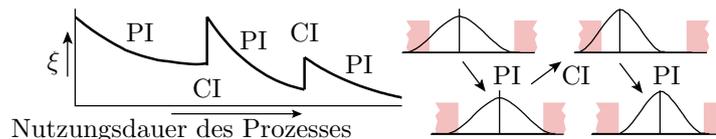
Die Fehlerentstehungsrate ist hier die Wahrscheinlichkeit, dass der Parameterwert nicht im Toleranzbereich liegt:

- Prozesszentrierung: Verschiebung der Verteilung mit Hilfe von Einstelloptionen in die Mitte des Toleranzbereichs.
- Fähigkeitsverbesserung: Verringerung der Streuung durch technologische Neuerungen neue Maschinen, Verfahren, ...



\* Arbeitsaufwändiger Prozess, bei dem nach dem Prinzip der experimentellen Reparatur viele Prozesseinstellungen durchprobiert werden (Ameisarbeit).

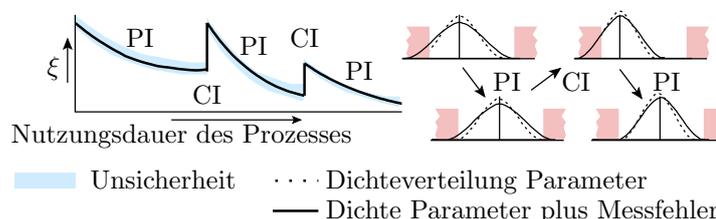
#### 2.101 Sägezahnverlauf der Fehlerentstehungsrate



- Die Fähigkeitsverbesserung schafft die Möglichkeit, Toleranzen besser einzuhalten, aber bei Neuerungen geht die Zentrierung verloren. Sprunghafte Zunahme der Fehlerentstehungsrate.
- Während der Prozessnutzung Nachjustierung an den Einstellmöglichkeiten zur Verschiebung des Erwartungswerts in die Mitte des Toleranzfensters. Abnahme der Fehlerentstehungsrate.

CI, PI      Fähigkeitsverbesserung, Prozessverbesserung.

#### 2.102 Schätz- und Messgenauigkeiten



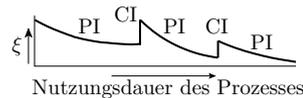
Mess- und Schätzungenauigkeiten haben in einem Fehlerbeseitigungsprozess Irrtümer zu Folge:

- Rückbau von Verbesserungen und
- und kein Rückbau von Verschlechterungen.

Je geringer die Schätz- und Messfehler, desto größer die Fähigkeit des Prozesses zur Fehlervermeidung.

---

CI, PI      Fähigkeitsverbesserung, Prozessverbesserung.



- Fähigkeitsverbesserung in größeren Zeitschritten und
- Reifen durch »Lernen aus Fehlern« in kleinen Schritten

ist typisch für alle technologischen Prozesse incl. für Entwurfs- und Fertigungsprozesse von IT-Systeme.

Das Modell der alternierenden Abfolge von Fähigkeitsverbesserung und Reife liefert auch zahlreiche nützliche weitere Einblicke:

- Ausreichend Reifezeit zwischen Fähigkeitverbesserungen,
- Nur was kontrollierbar ist, lässt sich zielgerichtet verbessern,
- Falsche Zielgrößen führen zur »Verschlimmbesserung«,
- Am qualitativ hochwertigsten sind oft die Produkte, die kurz vor einer technologischen Neuerung gefertigt wurden, ...

Reifeprozesse und Vorstufe Reifefähigkeit sind auch interessant für:

- andere Fertigungs- und Entwurfsprozesse,
- Organisationsabläufe in Institutionen, Management,
- Lernprozesse in Bildungseinrichtung, ...

## 2.104 Die Fähigkeit zum Reifen

Das CMMI (Capability Maturity Model Integration) definiert u.a. fünf Fähigkeitsstufen\* zur Klassifikation von Prozessen, Organisationen, ...:

1. Wiederholte Abläufe, undokumentiert. Ermöglicht individuelles Lernen aus Fehlern.
2. Dokumentation der Abläufe und beobachteten Probleme. Ermöglicht personenübergreifendes Lernen aus Fehlern.
3. Verwaltung und Steuerung der Abläufe. Ermöglicht Fokussierung auf das sichere Erreichen angestrebter Ziele (Dauer, Qualität, ...).
4. Quantitatives Management: Definition und Erfassung von Leistungskennzahlen. Ermöglicht Beobachtung des Reifeverhaltens.
5. Kontinuierliche Prozessverbesserung durch quantitatives Feedback aus dem Prozess, d.h. gezielter Reifeprozess\*\*.

Je höher der Reifegrad, um so größer die Fähigkeit zu reifen und desto geringer die erzielbaren Fehlerentstehungsrate der Prozesse.

---

\* Abstufung als Vorstufe einer Metrik charakterisiert den aktuellen Entwicklungsstand.

\*\* Fähigkeit zum Reifen sind nicht selbstverständlich.

### 3.4 Vorgehensmodelle

#### 2.105 Der Technologiegedanke und Projekte

Reproduzierbare Entstehungsabläufe werden auch als Technologie bezeichnet\*. Technologien reifen dadurch, dass ähnliche Abläufe oft wiederholt, dabei überwacht und erkannte Probleme beseitigt werden.

Wie verhält es sich mit Projekten:

- Manuelle kreative Teile der Entwurfsprozesse und
- Fertigung von Prototypen, Demonstratoren, ... ?

Ein Projekt ist ein zielgerichtetes, einmaliges Vorhaben, das aus einem Satz von abgestimmten, gelenkten Tätigkeiten besteht. ...

Projekten fehlt aus Sicht der Fehlervermeidung die häufige Wiederholung ähnlicher Abläufe, um aus erkannten Fehlern lernen zu können.

Schließt das Projekte von der Fehlervermeidung aus? \_\_\_\_\_

\* Der Begriff *Technologie* wurde erstmals vom Göttinger Professor Johann Beckmann (1739-1811) im Lehrbuch "Grundsätze der deutschen Landwirtschaft" verwendet.

#### 2.106 Vorgehensmodelle

Vereinheitlichung des Vorgehens für große Klassen von Projekten

- zur Aufwandsminimierung, besseren Vorhersagbarkeit und
- zur Fehlervermeidung durch »Lernen aus Fehlern«.

Typische Vorgehensmodelle für den Entwurf und die Fertigung von IT-Komponenten umfassen:

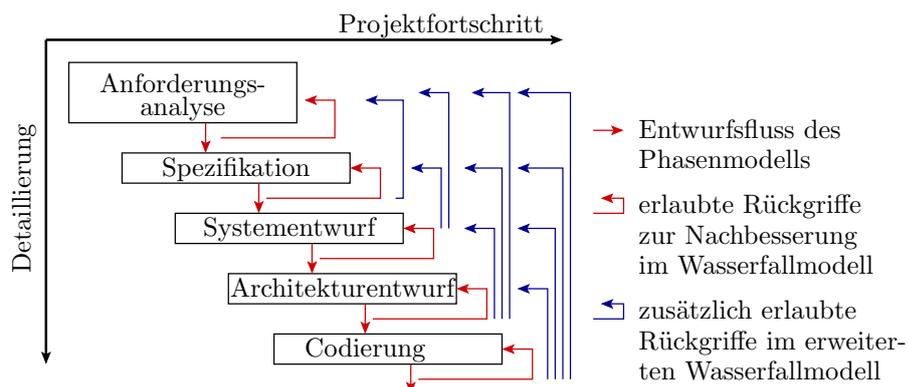
- Aufteilung in Schritte und Phasen,
- Referenzabläufe,
- Definition von Zwischen- und Endkontrollen, ...

Die klassischen Vorgehensmodelle für den Software-Entwurf sind Stufenmodelle. Sie unterteilen Entstehungsprozesse in Phasen:

- Anforderungsanalyse,
- Spezifikation der Ziele,
- Architekturentwurf, Codierung, Test, ...

Fehlervermeidung bei Projektarbeit ist die kontinuierliche empirische Verbesserung, d.h. das Reifen des Vorgehens- [modells].

#### 2.107 Stufenmodelle



Weiterentwicklung der Fähigkeiten:

- Programmiersprache, Tools,
- Organisationsrahmen, Rundregeln der Qualitätssicherung, ...

Prozesseinstellungen zum Durchprobieren:

- praktische Arbeitsgestaltung,
- Abgrenzungen der Entwurfsphasen, ...

Prozesseinstellungen zum Durchprobieren (Fortsetzung):

- Arbeitsorganisation der Phasen,
- geforderte Tests, Dokumentation, ... bei Phasenübergängen,
- Genehmigungsverfahren für Rückgriffe über mehrere Stufen\*,
- ...

---

\* Rückgriffe verlängern die Anzahl der Entstehungsschritte für einen Entwurf, und darüber die Anzahl der Fehler. Ein Workaround um einen Fehler kann jedoch auch den Arbeitsaufwand erheblich erhöhen und darüber die Fehleranzahl. Schwieriger Kompromiss.

## 2.109 Bewertung von Vorgehensmodellen

Reifen als komplexer arbeitsintensiver stochastische Prozess schafft nur Verbesserungen, wenn diese überprüfbar sind.

### Daraus resultierende Frage

An welchen mess- oder abschätzbaren Parametern ist eine Verbesserung eines Vorgehensmodells erkennbar?

Diese Parameter müssen zwischen unterschiedlichen realen Projekten und Vorgehensmodellen vergleichbar sein:

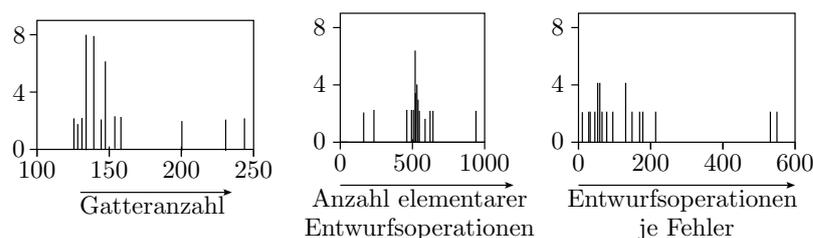
- Dauer, Kosten bezogen auf die Projektgröße,
- Arbeitsschritte je entstehender Fehler, Umfrageergebnisse, ...

Erwartungswerte, Streuungen, Skalierbarkeit auf Projektgröße, ...

Signifikante Aussagen über Vorgehensmodelle verlangen die Beobachtung tausender Projekte mit vergleichbarem Vorgehen.

## 2.110 Ein Experiment <sup>1</sup>

Eine Gruppe von 72 Studenten sollte aus einer PLA- (Programmable Logic Array) Beschreibung eine Gatterschaltungen entwickeln und diese über eine GUI in ein CAD-System eingeben. Für jeden Entwurf wurden die elementaren Entwurfsoperationen, die Gatteranzahl und die Entwurfsfehler gezählt. Als elementare Entwurfsoperationen galten das Anordnen eines Gatters auf dem Bildschirm, das Zeichnen einer Verbindung, ...



<sup>1</sup>Aas, J. E., Sundsbo, I.: Harnessing the Human Factor for Design Quality, IEEE Circuits and Devices Magazine, 3/1995, S. 24-28

### 2.111 Welche Rückschlüsse erlaubt das Experiment?

Angenommen, der Versuch wird genauso an anderen Hochschulen wiederholt:

- auch hier dieselben Kenngrößen je Student bestimmt und
- Verteilung, Erwartungswert und Varianz verglichen.
- Unterschiede statistisch signifikant?

---

Aus den Vergleichsergebnissen ließe sich bei signifikanten Unterschieden schlussfolgern, an welcher Hochschule Studierende für diese Aufgabe besser ausgebildet werden.

## 3.5 Qualität und Kreativität

### 2.112 Qualität und Kreativität

Qualität verlangt Fehlervermeidung. Fehlervermeidung verlangt:

- eine hohe Wiederholrate gleicher oder ähnlicher Tätigkeiten,
- einzuhaltende Arbeitsabläufe mit reproduzierbaren Ergebnissen,
- Protokollierung aller Unregelmäßigkeiten und Probleme, ...

Kreativität verlangt »Einzigartigkeit«:

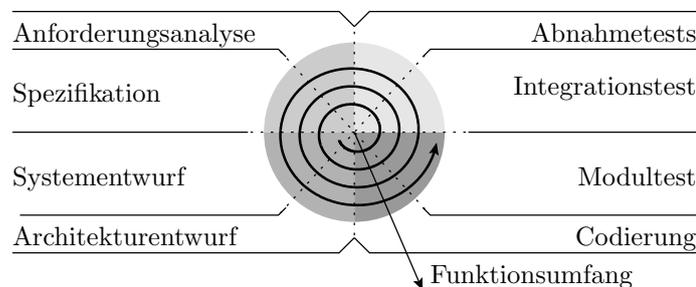
- Einbringen neuer Konzepte,
- Ausprobieren neuer Lösungswege,
- flexible Anpassung an sich ändernde Anforderungen.

### Daraus resultierende Fragestellung

Qualität und Kreativität haben entgegengesetzte Anforderungen an die Gestaltung von Arbeitsabläufen. IT-Entwurf verlangt Qualität und Kreativität. Wie lässt sich beides in einem Vorgehensmodell vereinen?

### 2.113 Evolutionäre Vorgehensmodelle

Evolutionäre Vorgehensmodelle versuchen einen Rahmen für Projekte zu bieten, bei denen sich Kundenwünsche, Ziele, Vorgehen, ... mit dem Projekt weiterentwickeln. Weniger starre Abläufe. Mehr kreativer Gestaltungsspielraum. Beispiel Spiralmodell:



Aufteilung auf mehrmalige Durchläufe eines Stufenmodells.

- Durchlauf 1: Spezifikation von Grundanforderungen, Entwurf, Codierung, Test, ..., Abnahme und Einsatz.
- Durchlauf 2 bis  $n$ : Ideensammlung und Auswahl gewünschter Zusatzanforderungen und Änderungen. Entwurf bis Einsatz.

Ziel:

- Minimierung der Anzahl der Entstehungsschritte und der Anzahl der entstehenden Fehler je Stufenmodelldurchlauf.
- Kreativer Freiraum in Form einer Ideensammlung für den nächsten Stufenmodelldurchlauf.

Idealerweise dürften nach jedem Stufenmodelldurchlauf im entstandenen Code nur noch Fehler beseitigt werden.

Neue Features, Ideen und Werkzeuge können aber nachträglich grundlegende Änderungen an existierenden Systemteilen, Architekturentscheidungen, Modularisierung, ... ratsam erscheinen lassen.

Grundidee gut, tatsächlicher Nutzen steckt in den Umsetzungsdetails.

### 2.115 Ein Abstecher zu Lernprozessen

In der Schule und beim Erlernen praktischer Tätigkeiten werden zum erheblichen Teil Vorgehensmodelle vermittelt und trainiert:

- Rechnen, Schreiben, Handwerkern, Programmieren, ...
- Bewertung in Service-Leistungen pro MF und Zeit.

Da steckt über Jahrhunderte gereiftes Knowhow drin.

Lernphasen an einer Hochschule:

1. Wissenvermittlung: anlesen, erklärt bekommen, ...  
Vorlesung, Seminare, Selbststudium, ...
2. Training, bis Ergebnisse vorhersagbar.  
Übung, Klausurvorbereitung\*, Praktika.
3. Professionalisierung: Prozessüberwachung; Beseitigung von Schwachstellen und Problemen in den Abläufen.  
Aus Zeitgründen erst in der Berufspraxis für den eigenen eingeschränkten Tätigkeitsbereich möglich.

---

\* Auch Bewertung in Arbeitsmenge pro Klausurdauer und Fehlern pro Arbeitsmenge.

### 2.116 Querverbindung Drittmittelprojekte

- Die Professionalisierungsphase durchlaufen erst die Absolventen in der Praxis.
- Akademiker und Studenten sind noch nicht für fehlerarme Arbeitsabläufe trainiert.
- In industriellen Software-Projekten entstehen durch Akademiker tendenziell mehr Fehler je Aufgabengröße.
- Die Kosten für die Fehlerbeseitigung trägt der Industriepartner.
- Deshalb rechnet es sich normalerweise für die Industrie nicht, Hochschulen und Studenten in ihr Tagesgeschäft einzubinden.
- Industrielle Studenten-Projekte dienen der Ausbildung.
- Drittmittelforschung ist wertvoll für den Knowhow-Transfer, Literaturstudien, Demonstratoren, ... aber im IT-Bereich ungeeignet für die Einbindung in die Produktentwicklung.

### 2.117 Qualitätssicherung an unser Hochschule

Die Master-Bachelor-Einführung (Bolonia-Prozess) strebt nach Referenzabläufen, vergleichbare Abschlüsse, ...

Das ist eine Etablierung grundlegender Prozessfähigkeiten:

- große Wiederholanzahl vergleichbarer Abläufe,
- Prozesseinstellungen zum Durchprobieren,
- Kenngrößenerhebung für die Erfolgskontrolle.

um ein Reifen der Ausbildungsqualität zu ermöglichen.

Wie ist das an unserer Uni:

- Welche Prozessüberwachungen gibt es?
- Wo sind Vorgehensmodelle erkennbar?
- Was für Ressourcen bindet der angestoßene Reifeprozess?
- Wie wird verhindert, dass die Kreativität nicht darunter leidet?

Fehlervermeidung eröffnet interessante Blickwinkel auf Technologien, Institutionen, Behörden bis hin zu unserer gesamten wissenschaftlich-technische Weiterentwicklung.

## Zusammenfassung

### 2.118 Fehlerentstehung

- Fehler entstehen in den Entwurf-, Fertigungs- und Reparaturprozessen mit den Produkten.
- Entstehungsprozesse sind wie IT-Systeme als Service-Leister modellierbar mit Erbringungsraten ( $\Rightarrow$  Ausbeute), Fehlfunktionsraten ( $\Rightarrow$  Fehlerentstehungsrate), ...
- In der Praxis werden die Fehlerentstehungsraten auf Zählwerte von Metriken bezogen:

$$(2.48) \quad \mu_{CF} = \xi_{<C>} \cdot C$$

$$(2.49) \quad \xi_{<C>} = \frac{\mu_{CF}(C)}{C}$$

### 2.119 Fehlervermeidung, Determinismus

Fehlervermeidung ist Fehlerbeseitigung in den Entstehungsprozessen. Fokus Reifen der Prozesse, d.h. Fehlerbeseitigung in der Nutzungsphase mit seinen Bestandteilen:

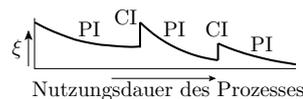
- Prozessnutzung und Überwachung,
- Problemerkennung und Untersuchung,
- Problembeseitigung durch experimentelle Reparatur als Iteration aus Beseitigungsversuchen und Erfolgskontrolle.

Das erfordert Fähigkeiten:

- große Wiederholrate, große Problemerkennungsrate,
- Stellschrauben zur Prozessnachbesserung,
- Kontrollmöglichkeiten für den Beseitigungserfolg, ...

Problematisch oft fehlender Determinismus, insbesondere bei kreativen Arbeiten. Kein Determinismus erschwert Lernen aus Fehlern, dabei insbesondere die Erfolgskontrolle nach Problembeseitigungsversuchen.

### 2.120 Fähigkeitsverbesserung und Reifen



Fähigkeiten, auch die für eine geringere Fehlerentstehungsrate werden »Offline«, d.h. getrennt vom Prozess entwickelt und in größeren Zeitschritten übernommen. Dabei geht die »Zentrierung« verloren, d.h. es kommen neue Probleme in den Prozess. Die Fehlerentstehungsrate steigt sprunghaft.

Reifen umfasst viele kleine Verbesserungsversuche mit Erfolgskontrolle. Abnehmende Fehlerentstehungsrate, bis das Potential der neuen Fähigkeiten ausgereizt ist.

Unter Einbeziehung der Fähigkeitsverbesserung in größeren Zeitschritten nimmt die Fehlerentstehungsrate tendenziell sägezahnförmig ab\*.

\* Für IT-Service-Leistungen hatten wir das Abnahmeverhalten der Fehlfunktionsrate, beim Reifen als IT-Entstehungsleistungen die Fehlerentstehungsrate, genauer untersucht, Abnahme mit Exponent 1 bis 2.

### 2.121 Projekte, Vorgehensmodelle, Kreativität

Reifeprozess benötigen eine große Wiederholanzahl gleicher Abläufe. Um auch bei Projekten aus erkannten Fehlern lernen zu können, erfolgt Projektarbeit nach Vorgehensmodellen.

Klassiker sind die Stufenmodelle, die Entwürfe in Phasen teilen und Kontrollen und Aktivitäten beim Stufenübergang definieren. Problematisch ist die Überprüfung, ob eine Änderung einer Verbesserung bewirkt hat.

Vorgehensmodelle findet man überall dort, wo ein beständiges Lernen aus Fehlern angestrebt wird, also auch in Verwaltungen, Schulen, ... Es gibt anwendungsunabhängige Gemeinsamkeiten:

- erforderliche Fähigkeiten, Aufwand für den Reifeprozess,
- Phasenaufteilung, Beschränkung der Kreativität, ...

Allein diese anwendungsunabhängige Gemeinsamkeiten eröffnet interessante Blickwinkel, wie und wohin die Entwicklung von Technologien, Arbeitsabläufen in Institutionen und Behörden und auch die Ausbildung an Schulen verläuft.